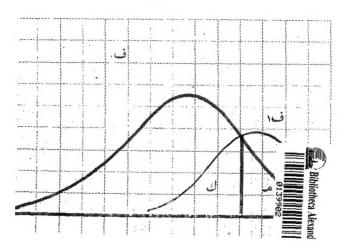
دكتور مصطفى زايد

دكتوراه في الإحصاء - بحوث عمليات دبلوم محاسبة ومراجعة - دبلوم تكاليف

الإحصاء والاستقراء

الجزء الثاني منطـــق الاستقــراء الطبعة الأولى ١٩٩١



دكتور مصطفى زأيد دكتوراء ني الإحساء - بعوث عسليات ديلم معاسة دمراجعة - ديلوم تكاليف

ألاحصاء والاستقبراء

الجزء الثاني منطــــق الاستقـــرا ء

الطيعة الأولى ١٩٩١.

حقوق الطبع محفوظة للمؤلف

۵ شارع محمد طلعت - العجوزة ت: ٣Σ٩٨٣٥٢ / ٣Σ٨٨٣٥٢

بسم الله الرحمن الرحيم

إلى زوجتي وأولادي

و. عمرو وطارق وأحمد مهمانی زایر



تقديسم

إلى المهتمين بالمنهج العلمي والمعرفة العلمية من فلاسفة العلم والإحصائيين والباحثين والعاملين في مختلف المجالات الاجتماعية والاقتصادية والإدارية والفيزيائية والحيوية والطبيعة ، ... يقدم هذا الكتاب عرضاً شاملاً لوظيفة الاستقراء.

ولقد صدر الجزء الأول من الكتاب ، وتناول و أسس الاستقراء » حيث تم عرض مبادئ الاحتمالات والمعاينة العشوائية وتوزيع المعاينة .

وهذا هو الجرز الشائي من الكتباب ، وهو مسخصص لعسرض و منطق الاستقراء » بشقيه : التقدير واختبارات الفروض ، وذلك وفقاً للمنهج الكلاسيكي ، مع عرض لكافة المفاهم والمصطلحات المتداولة في هذا الشأن . وقد تم عرض بعض أساليب الاستقراء بالقدر الملاتم للإيضاح .

أما الجزء الثالث من الكتاب ، والذي سيصدر قريباً بمشيئة الله ، فقد أعد لعرض « أساليب الاستقراء » بصورة شاملة ، ونأمل أن يكون الكتاب بشابة موسوعة في هذا المجال ينتفع منها الباحثين والمهتمين .

دكتور

مصطفى أحمد عبد الرحيم زايد

الجيزة ، ج.م.ع يناير ١٩٩١

المحتويات

	تقديم
	الباب الأول : مقدمــة
11	١-١ المعرفة العلمية
	١-١-١ النطق
	الاستنياط
	الاستقراء
12	١-١-١ البحث العلمي
	التجرية
	المسح
14	١-٢ الاستقراء الإحصائي
14	١-٢-١ أسس الاستقراء
	الاحتمالات
	المعاينة العبشوائية
	توزيع المعاينة
۲.	١-٢-١ مناهج الاستقراء
	المنهج الكلاسيكي
	المنهج البيزيائي
	نظرية القرارات م
A4 640	مناهج أخرى
74	١-٢-٩ أساليب الاستقراء
	التصنيف حسب الهدف
	التصنيف حسب خواص المجتمع الستهدفة
	التصنيف حسب مستوى القياس للمتغيرات التصنيف إلى إحصاءات معلمية رغير معلمية
	التكنيف إلى إحصاءت مصميه ومير مصميه

74	۱-۲-۱ دقة النتاثج
	قياس الدقة
	حجم العينة
45	الباب الثاني : التقدير
40	۲-۱ التقدير بقيمه
40	۲-۱-۲ تعریفه وأهمیته
40	٢-١-٢ منطق التقدير بقيمه
	طرق تكوين القدر بقيمه
	الصفات المرغوبة
**	٣-١-٢ غاذج للمقدرات
٤.	٢-٢ التقدير بفترة
£.	۲-۲-۱ تعريفه وأهميته
٤.	٢-٢-٢ تقدير متوسط المجتمع
	تحديد فترة الثقة
	تحديد حجم العيثة
00	الباب الثالث : اختبارات الفروض
0 0 .	٣-١ المفاهيم
00	٣-١-١ الفروض وأنواعها
	الفرض البحثى
	القرض العام
	الفرض العامل
	القرض المحند والفرض الاحتمالي
	الفرض الإحصائي
	قرض المنم والفرض البديل
	القرض المعين وغير المعين

	الفرض الموجه وغير الموجه
	الفرض اليسيط والفرض المركب
77	٣-١-٣ الاختبارات وأنواعها
	اختيار المعنوية البحتة
	اختيار المنرية
	اختبار الفرض
77	- ۲ الاختبار الإحصائ <i>ي</i>
77	٣-٢-٣ منطق الاختبار
	البرهان غير المباشر
	مغالطة تأييد المترتب
74	٣-٢-٣ أخطاء الاختيار
	خطأ الرفض
	خطأ القبول
	احتمالات الأخطاء
	أمثلة إيضاحية
	المفاضلة بين الأخطاء
	المعالجات المنطقية
VV	٣-٢-٣٪ فعالية الاختبار
	عيز العمليات O C
	قوة الاختبار
	كفاءة الاختيار
	الاختبار الأكبر قوة
	الاختبار المنتظم الأكبر قوة
	عدم التحيز
	الاختيار غير المتحيز المنتظم الأكبر قوة
	الإتساق

٣-٢-٤ تفسير النتائج
الرقش
القبول
المنوية الإحصائية والعملية
٣-٧-٥ خطوات الاختيار
٣-٣ اختيار الفرض حول متوسط المجتمع
٣-٣-١ الخطوات
٣-٣-٣ تحديد حجم العينة
المراجع
ملحق: التوزيع الطبيعي

البساب الأول

مقدمـــة

١ - ١ المعرفة العلمية

إن العمل العلمي شاق ومضني ، وعلى الباحث إذا كان جاداً في تقديم معارف علمية أن يكون عمقاً نظرياً وعملياً في ناحيتين : الأولى هي مادة بحثه أو حقله والثانية هي القراعد المنهجية . هذه القراعد المنهجية يمكن تصورها كشجرة في الحقل جذورها المنطق وهو المصدر الأساسي للمعرفة العلمية ، فهو العلم المختص بقراعد الإستدلال والمعرفة الصحيحة ، وهو حامل الشجرة وحاميها من السقوط أو التزحزح بسبب الرياح الغربية والأهواء المتحيزة . وساق الشجرة طرق البحث فهي التي تفحص قواعد المعرفة وتأخذ منها وقتصها حسب حاجة الإنبات العملية . والأساليب الإحصائية والرياضية يمكن تمثيلها بغروع الشجرة فهي المنتج فهي التي تطرح الثمار وتحملها وتعرضها على أفضل ما يكون .

۱ - ۱ - ۱ المنطق

المنطق (Logic) ، علم يختص بقواعد الإستدلال للتوصل إلى الموفة وتقييمها . والإستدلال (Reasoning) هو إنتقال من مقدمة أو مقدمات إلى نتيجة أو البرهنة على قضية بواسطة قضية أو قضايا أخرى .

ويحدد لنا المنطق منهجان للوصول ِإلى المعرفة الصحيحة ، الأول منهج الإستنباط والثاني منهج الإستقراء .

الإستنباط (Deduction)

في منهج الإستنباط نبدأ بالمقدمات بإعتبارها مسلمات ومع إستخدام قواعد الإستدلال الصحيحة (دون إجراء تجربة) نصل إلى نتيجة . هذه النتيجة تعد صحيحة طالماً كانت المسلمات صحيحة .

وفيما يلي أمثلة لبعض المعارف التي يتم الترصل إليها بإستخدام منهج الاستنباط.

مساحة المربع = (طول الضلع)
Y
مساحة الدائرة = $d \times a$ مربع نصف القطر
$$d = \frac{YY}{V}$$

حجم المكعب = (طول الضلع) 4

$$\Psi$$
(نصف القطر) حجم الكرة = $\frac{3}{4}$ ط

الإستقراء (Induction)

في هذا المنهج نهداً من حالات جزئية ، وننشقل منها بإستخدام قواعد الإستدلال الصحيحة ، إلى نتيجة تتعلق بجموعة أكبر منها .

وهناك كثير من المعارف يصعب الترصل إليها (أو يكاد يكون مستحيلاً) عن طريق الإستنباط، ويلزم الإستعانة بنهج الإستقراء، وفيما يلي بعض من علام المعارف:

- نسبة الأمية ، نسبة الفقر ، نسبة المدخنين ، نسبة الموافقون على شئ معين .
- معدل البطالة ، معدل الجرية ، معدل سقطو المطر ، معدل إنتشار المرض .
 - متوسط الأجر ، متوط دخل الأسرة ، إنتاجية الغدان ، نسبة الذكاء .
 - التفاوت (التشتت) بين الدخول ، بين الذكاء ، بين القدرات الأخرى .

- الإرتباط بين الإنحراف ومستوى المميشة ، الإرتباط بين الدخل والتعليم ، الإرتباط بين الأجر والإنتاج ، الإرتباط بين التدريب والإنتاجية .
 - تقدير حجم السكان ، تقدير حجم الإستهلاك ، تقدير الإحتياجات .

ويستخدم الإستقراء كذلك للتحقق من صحة النتائج التي يتم التوصل إليها عن طريق منهج الإستنباط ، فعلى الرغم من أن النتائج التي يتم التوصل إليها عن طريق هذا المنهج تعد صحيحة ، فإن ذلك مرهون يصحة المسلمات التي يتم الإعتماد عليها . ويثار دائماً الشك في صحة هذه المسلمات وأيضاً في كفايتها ، ونورد بعض الأمثلة :

- ١ نسبة الذكور عند الولادة تساوي نسبة الإناث .
 - ٢ سرعة الطنوء ٣٠٠٠٠ كم في الثانية .

٣ - حجم السكان ، يكن التوصل إليه عن طريق الإستنباط ، بإسعخدام
 المعادلة التالية :

حجم السكان = اخجم في تعداد سابق + المواليد - الوفينات + الهجرة الداخلية - الهجرة الخارجية .

غير أن الحكم الذي يتم الترصل إليه يكون صحيحاً فقط في حالة تسليمنا يأن البنوه كلها صحيحة ، ولا يوجد ضمان لذلك . فقد يكون حجم الععداه السابق مشكوكاً فيه ، كما أن التسجيلات الخاصة بالإعصاءات الحيوية قد لا تكون كاملة .

4 - نسبة الأمية ، قد يرى أحد الباحثين التوصل إليها عن طريق منهج الإستنباط كأن يبدأ بالتسليم بصحة النسبة في تاريخ معين (تعداد سابق مثلاً) وبعدها يتم مراعاة أثر العوامل المؤثرة في ذلك مقل :

- التعليم الإجباري : بإعتبار أن كل من يصل إلى سند ٩ سنوات مثلاً لا يعد أمياً .
 - برامج محو الأمية .
- كبار ألسن في التعداد السابق ، ومعظمهم من الأميين ، يمكن إسقاط نسبة كبيرة منهم بسبب الوفاه .

وهكذا .

غير أنه مع ذلك لا يوجد ما يضمن صحة هذه المسلمات وكفايتها فقد يكون هناك تأثيرات بسبب الهجرة الداخلية أو الخارجية ، وكذا التسرب من التعليم ،

٥ – جرد البضاعة في الشركات والذي تقوم به الإدارة ، ومراقبي الحسابات يحد نوعاً من الإستقراء والذي يجرى للتحقق من صححة الأرصدة والتي يتم التوصل إليها عن طريق منهج الإستنباط ، حسب المعادلة التالية :

وصيد آخر المدة = رصيد أول المدة + الوارد (مشتريات + مرتجعات من العملاء + مرتجعات من المتعات من الأقسام الإنتاجية) - الصادر (مبيعات + مرتجعات) للموردين + الصادر للأقسام الإنتاجية) .

فعلى الرغم من وجود نظام محاسبي لتسجيل ومراقبة كل هذه الحركة فإنه لا ضمان لصحة المسلمات التي أدت إلى النتيجة . فقد يكون هناك أخطاء حسابية ، أو سرقة ،

Y - ۱ - ۱ البحث العلمي (Scientific Research)

لِقَد تطور البحثِ في المعرفة عبر تاريخ طريلة ، فمنذ نشأة الإنسان وهو

يسعى نحو المعرفة ، وقد ساهم في ذلك الفلاسفة والعلماء في كل قروح المعرفة . لقد بدأ هذا التطور بخطى بطيئة في البداية ، وقد زاد معدل تطوره ومازال يزيد بدرجة هائلة منذ مطلع القرن العشرين ، حيث تزايد الإعتماد على الرياضيات بصفة عامة ، وعلى الإحتمالات والإحصاء بصفة خاصة . ولا غرابة في ذلك ، فإستخدام الرياضيات يعني إستخدام المنطق . فالنظريات الرياضية بناء قوي نتيجة لتراكم معرفي هائل ، صحيح ، متسلسل ومتواصل جذوره تمتد عبر السنين .

وبدت مظاهر هذا التطور واضحة في البحث بدرجة كبيرة منذ أن قدم عالم الإحصاء فيشر (Fisher,R) أسلوب تحليل التباين عام ١٩٧٤ ، وتصحيم التجارب عام ١٩٧٥ ، حيث بين فيشر أن صدق النتائج البحثية يستند إلى منطق الإستقراء ونظراً للطبيعة الإحتمالية المتضمنة ، فإنه يلزم استخدام أساليب إحصائية لإمكان حساب مستوى دقة النتائج أو درجة عدم التأكد . ويتم الإستقصاء (Investigation) بإستخدام نوعين رئيسيين من التصميمات: التجرية ، والمسح . كما أن كل نوع منها ينقسم إلى العديد من النماذج أو التصميمات المختلفة ، يكون إختياز المناسب منها بمعرفة الباحث حفير أن طبيعة المشكلة غالباً ما تحدد نوع الإستقصاء المستخدم وكذا التصميم الفرعي المناسب ،

التجربة (Experiment)

تسميز السجرية بعسمل شئ ما لمعرفة أثره ، أي أن هناك قدر من الحرية والتحكم في المتغيرات – وهذا يؤدي إلى زيادة دقة النتائج .

وترجد عدة غاذج أو تصميمات تجريبية ، يمكن إدراجها في المجموعات

التالية :

- . (Single Subject Designs) أولا: تصميمات الوحدة
- . (Multi Subject Designs) ثانية : تصميمات متعددة الرحدات
- . (True experimental Designs) تصميمات تجريبية حقيقية
 - ب تصميمات شبه تجريبية (Quasi experimental Designs) المسج (Survey)

وفي هذا النوع من الإستقصاء ، يتم جمع الملاحظات عن وحدات البحث كما هي على حالها يدون أحكم ، وتوجد عدة أفاذج أو تصميمات للبحث يمكن تقسيمها إلى ما يلى :

١ - المسوح المستعرضة (Cross Sectional)

وقيماً يتم جمع البهانات عن نقطة زمنية معينة (at one Point in) . (Time

Y - المسرح الطولية (Longitudinal Surreys)

وتعمل يتحليل البيانات هن فترة معينة ، قد أبد في الماضي أو المستقبل والعصميمات الطولية الأساسية هي :

. (Trend Studies) ا مراسات الإلحاد

حيث يتم جمع البياتات وتحليلها في أوقات زمنية مختلفة ، وقد تختلف هنا وحدات البحث ، حيث يكون الإهتمام بدراسة الظراهر نفسه!... ب - دراسات الفرج (Cohort Studies ﴿ Cohort Studies ﴿

تتعلق بدراسة لمجموعة معينة من الرحدات يطلق عليها فرج (رجيل معين مثلاً) .

يتم جمع البيانات عن الفرج في فتراتٍ مختلفة (أي درايية محتمع البحث نفسه) ، وتكون الوحدات المبحرثة (العينة) من أصل الفوج ، غير أن العينة قد تختلف في كل فترة .

ج دراسة الشريحة (Panel Studies)

في هذه الدراسة يتم جمع البيانات عبر فترات مختلفة على مجموعة بمنينها من الوحدات - وتسمى هذه المجموعة شريحة (Panel) أي أن البراسية تكون في كل مرة على نفس العينة .

١٠ + ٢ الإستقراء الإحصائي

الإستقراء الإحصائي 1 Stansifes Inference; Inductive Statisfies (Stansife Inference) هو وصف للكل من خلال الجزء وبلغة الإحصاء هو وصف للكل من خلال عينة وليس الإستقراء الإحصائي هو الطريق الوجيد المتاح للإستقراء الإحصائي هو الطريق المعلم غير الرياضية، وهو علي أن حال بناء علمي تهد تكوين نظرياته بإستخدام منتهج الإستشاط الاستخدام في عمليات الاستقراء.

وتفرض فريجة الفصل لأسم الإستقراء (الله والمناهج المطفقة الإالتثقراء ، مع تصنيف لأساليب الاستقراء .

⁽١) ثم عرض أسس الإستقراء يتفصيل في الجزء الأول من الكتاب .

١ - ٢ - ١ أسس الإستقراء

يقوم الإستقراء الإحصائي على أسس ثلاث: نظرية الإحتمالات والمعاينة العشوائية وتوزيع المعاينة.

الإحتمالات (Probability)

إن الإستقراء الإحصائي كما سبق أن ذكرنا هو وصف للمجتمع من خلال عينة وطالما أن الأمر كذلك فإن النتائج لا تكون مؤكدة ويتم الإعتماد على علم الإحتمالات وهو ذاك الفرع من الرياضيات المختص بالقياس في حالات عدم التأكد.

المايئة العشوائية (Random Sampling)

يتطلب الإستقراء الإحصائي أن تكون المعاينة عشوائية وتعرف المعاينة العشوائية وتسمى أحيانا المعاينة الإحتمالية أو المعاينة الإحتمال المعاينة يكون فيها لكل وحدة من وحدات المجتمع فرصة أو إحتمال للظهور في العينة ، وهذا الإحتمال يكن حسابه ولا يساوي صغراً.

إن هذا التحديد الدقيق أمر ضروري ، ذلك أن الإستقراء العلمي لا يأتي من فراغ ، ولكن من حساب علمي ، يعتمد على المنهج الإستنباطي ، ولذا فإن نقطة البداية وهي سحب العينة يجب أن تفصح عن مقدار إحتمال ظهور كل وحدة من وحدات المجتمع بالعينة .

وهناك تحديدات أكثر من ذلك متضمنة في طرق المعاينة المختلفة وهي :

- ١ الماينة المشرائية السيطة .
 - ٢ الماينة المنظمة .
 - ٣ الماينة الطبقية .

- ٤ المعاينة العنقودية .
- ٥ المعاينة متعددة المراحل.

ويجب ملاحظة أن كل طريقة من طرق المعاينة لها صيغ رياضية خاصة في تحديد حجم العينة وفي عرض النتائج.

وتعد المعاينة العشوائية أساساً لعملية الإستقراء الإحصائي فهى تحقق الموضوعية في الإختيار والبعد عن الذاتية والتحيز وهى تقدم عينة توصف بأنها عثلة للمجتمع وتصلح لتعميم النتائج على المجتمع كما تمكن من قياس دقة النتائج التي يتم التوصل إليها ، وأكثر من ذلك فهى تمكن من التحكم في هذه الدقة وزيادتها إلى الدرجة المرغوبة . أما في حالة إستخدام طرق المعاينة غير العشوائية فلا نضمن تحقيق أى شرة من ذلك .

تربيع المايئة (Sampling distribution)

يعد توزيع المعاينة الأساس النهائي في عملية الإستتراء ، فمن هذا التوزيع يكن الوصول للنتائج وقياس دقتها والتحكم فيها ويدون تحديد هذا التوزيع لا يكن تنفيذ عملية الإستقراء .

ويعرف توزيع المعاينة لإحصاء معين بأنه توزيع إحتمالي نظري لقيم ذلك الإحصاء الناتجة من كل العينات المكن سحبها من ذات الحجم وينفس طريقة المعاينة .

إن توزيع المعاينة يمكن معرفت عددة طرق (١١) ، وأهمها الإعتماد على النظريات الإحسائية . وغالباً ما يؤول الأمر إلى واحد من التوزيعات الإحتمالية

⁽١) راجع الجزء الأول - الهاب الرابع .

الشائمة ، وأهما التوزيع الطبيعي ، توزيع ت ، توزيع ف ، توزيع كا٢ ، توزيع ذي الحدين .

١ - ٢ - ٢ مناهج الإستقراء

يوجد عدة مناهج الإستبقياء وليس خناك إينياق تام يهذا الإصبائين والمفلاسفة على المنهج الذي يستبخدم ويعلى أي حال فإن الإختيان يبن هذه المناهج لا ترجع إلى إختلافات في تفسين القضايا الإحتيالية ويمكن بسنب إختلاف الفكر في المداوس المختلفة ، ونعرض فيما يبلي للهناهج الموضفة ، غير أنه يكن القوليان هناك منهجان وتينسبيان يشنيج إستخلاصهما ، المنهج الكلاسيكي ، والنهج البيزياني وبعد المنهج الأول أكتشر إستنشذانا ، وهو موضوع هذا الكتاب .

إلنهج الكلاسيكي (Classical approach)

ويسمي أيضاً المنهج التكارى (Frequency) وقد تم تقليه و تطويره بواسطة علماء الإحصاء (نيمان (Neyarson) بهرسون الملك (Rearson) ، بهرسون الملك (Fisher, R.) ، فيشر (Fisher, R.) منذ عام ١٩٣٠ .

ويعتبد هذا المنهج على المعلومات المتاحة من الميتقرفقط والمسمى بالمنهج التكرار النسبي . التكراري نظراً لأن الإحتمال يطبق ويفسر تبعاً لمفهوم التكرار النسبي .

(Bayesian approach) المنهج البنياني

يهذا المنهج تم تقديمه وتطويرا بحكاره كال اس أجلانين (المناه التا الومتري (Savage) وجود (Good) وسافج (Savage) ولندلي (Lindley). وآخرون . وهذا المنهج أسس منعتسلة على نظرية بهديئ

^(*) راجع الجزء الأول (۲ – ۱ – ۲) .

(Bayes) والتي قدمها عام ١٧٦٣ غير أن المنهج ظهر بعدها متأخراً بحوالي ٢٠٠ عام .

تىچىنىز، بىدارالىنىچ يېرىيىمىسىد على دلىلىقىد كالىل تىنىۋرى أن إعقاقادى ودلىل أمېرىقى .

أ - الدليل التصوري (Conceptual evidence) كي

وذلك يكون في صورة توريع عبليد (Perior distribution) العالم أو معالم المجتمع (Parameters) . ويتم تكوين هذا التبوزيم إسبتنا م الله الإحتمالات الناتية (Subjective Probabilities) والتي تقيس درجة الاعتقاد في قيمه أو تيم المعالم المجهولة . أي أنه في هذا المنهج ينظر إلى معلم المجتمع على أنه متغير عشوائي وله توزيع قبلي معلوم (أي معلوم قبل سحب العينة) .

ب - الدليل الأمبريقي (Empirical evidence)

ويكُونَ وَلَكَ مُثَلِّا فَيُ مُعَلَّوْمَاتُ العَيْنَةُ . وَوَلَكَ يَعَد دليها مُوضوعياً . (Objective) .

ومن هذين الدليلين ﴿ الذَّالِيُّ وَالْمُوطَالُونِ الْمُرْضَالُونِ الْمُرْضَالُونِينَ أَمَّا أَيْسَانَتَى النَّسَوَقِعَ الْمُسَاسَ البعدي (Posterior distribution) لمعلم المجتمع الإوجال التعويج بعد الأساس في الإستقراء .

نظرية القرارات (Decision theory)

يعرضها البعض ضمن مناهج الإستقراء ، غير أنه من الأنسب - نظراً لأهدافها وضعها ضمن وظيفة صنع القرارات .

```
مناهج أخرى
```

هناك مناهج أخرى(١) للإستقراء مطروحة ، وهى في جوهرها ترتبط بشكل أو يآخر بالمناهج المذكورة أعلاه ، وأهم هذه المناهج :

١ - الإستقراء الثقوى (Fiducial inference)

قدمه عالم الإحصاء فيشر (Fisher) عام ١٩٣٥ .

(Likelihood inference) - Y

وقد أسهم فيه العلماء بارنارد (Barnard, G. A.) في ١٩٤٩ والعـالم بيرنبوم (Birnbaum, A.) في ١٩٩٧ .

(Plausibility inference) - Y

تم تقدیمه فی ۱۹۷۱ براسطة بارندورف نیلسن (Barndorff-Nielsen) .

(Structural inference) - £

تم تقديمه عام ١٩٦٨ براسطة العالم فرازر (Fraser) .

(Pivotal inference) - 6

تم تقديمه عام ۱۹۸۰ بواسطة العالم بارنارد (Barnard, G. A.)

⁽۱) انظ (Barnett) من ۲۷۳

١ - ٢ - ٣ أساليب الإستقراء

يكن تصنيف أساليب الإستقراء تبعاً للعديد من العوامل .

١ - التصنيف حسب الهدف من الأسلوب.

أ - أساليب التقدير (Estimation)

تستخدم غالباً في البحوث الإستكشافية (Exploratory) بهدف تقدير خواص المجتمع مثل: نسبة الأمية ، معدل البطالة ، معدل الجرية ، متوسط دخل الأسرة ، الإرتباط بين الجرية والبطالة .

ب - إختبارات الغروض (Hypotheses testing)

تستخدم غالباً في البحوث التوكيدية (Confirmatory) ، بهدف إختبار الفروض حول خواص المجتمع مثل : نسبة الأمية في المجتمع ٣٠ ٪ ، نسبة المرضى بعموض معين ١٠ ٪ ، مشوسط دخل الأسرة لا يقل عن ٥٠٠ جنيه شهرياً ، يوجد إرتباط طردى قوى بين دخل الفرد وحالته التعليمية ،

٧ - التصنيف حسب الخواص المستهدفة

تختلف أساليب الإستقراء حسب الخواص المستهدفة: شكل التوزيع، المتوسطات، النسب، التشتت، الإرتباط، التقدير، ... إلغ.

٣ - التصنيف حسب مستوى القياس للمتغيرات.

يتم تقسيم أساليب الإستقراء حسب مستويات القياس للتغيرات وهي كما يلي مرتبه تنازلياً حسب مستوى القياس.

القياس الكمي.

أ - السترى النسيي (Ratio)

ب – المستوى الفترى (Interval)

القياس الكيفي

ح - المستوى الترتيبي (Ordinal)

ف المستري الإشمن (Nominal)

وفي هذا الصدد نشير إلى الملاحظات الهَأَمَةُ الْتَالَيْةُ : ﴿

. أ - كلما زاد مستوى الثيناني للمتغيرات كلما أمكن إستخدام أساليب إحصائية على مميتوي أفضال: -:

ن - المتغيرات بستتري فيتاش معين يكن التعامل معها بالأساليب الإحصائية المخصصة لهذا المستوى وكذا الأساليب الإحصائية المخصصة لمستوى التياس الأقل :

ج - إن إستخدام أسلوب إحصائي مُشْتَوّات أَعَلَى مَنْ مَسْتَوَى قياس المتغير ، يعد خطأ منطقيّات كنا أن إستخدام أسلون وإحصائي مَسْتواه أقل من مستوى قياس المتغير يعد إهداراً وتضحية لمنغض المعلومات المتاحة ، أي التضمية ب بالقرص المتاحة .

ع - التصنيف إلى احصاءات معلمية وغير معلمية

يوجد تقسيم شائع لأساليب الإستقراء إلى أساليب معلمية . (Parametric) وأخرى لامعلمية (Non Parametric) وأخرى لامعلمية مدى توافر بمض الشروط ، وقيما يلي تعرض بعض الإيضاحات عن الإحصاءات اللامعلمية .

(Non Parametric Statistics) الإحصاءات اللامعلمية

هى مجموعة جزئية من مجموعة أساليب الاستقراء الإحصائي وهذه المجموعة من الأساليب تعرض بالمراجع بمسيات مختلفة تعرضها فيما يلي مرتبة. حسب درجة شيوعها:

- أ الإحصاءات اللامعلمية (Non Paranetric statistics)
- ب الإحصاءات اللاترزيمية (Distribution free statistics) .
 - ب الإحصاءات اللاشرطية (Assumption free statistics
 - د الإحصاءات الثابتة (Robust statistics)
 - ه الإحصاءات الصلدة (Sturdy statistics) .
 - وأ الإحصاءات السريعة (Quick statistics) .

ولن نحاول تقديم تعريف لكل مصطلع إذ لا يوجد إتفاق على ذلك ولا توجد حدود واضحة الكامنة في توجد حدود واضحة بينها - كما أن يعضها لا يتستع بالصفة الكامنة في المصطلع . وأرى أن هذه الأمور لا قتل مشكلة للباحث على أي جال - فالحلاف هنا حول مسمى للمجموعة وليس حول الأساليب أو الإختبارات التي تحويها . فهي أساليب إحصائية شأنها شأن سائر الأساليب الأخرى - وكل ما ييزها هو أنها . تتضمن قدراً قليلاً من الشروط .

إن وصف هذه الإحصاءات بإعتبارها لا معلمية (Non Parametric) يرجع أساساً لإختبارات القروض - والتي لا يتعلق قيها القرض بقيمة لمعلم أو أكثر من معالم التوزيع (Parametric) . وهذا الوصف غير دقيق إذا أن هناك إختبارات لا معلمية ولكن تتعامل مع معالم مثل الوسيط لتوزيع معين أو النسبة في توزيع ذي الحدين .

ورصف هذه الإحصاءات بإعتبارها لا توزيعية (Distribution-Free) بعنى أنها أساليب لا تعتمد على شكل التوزيع للمجتمع محل البحث . وهذا المصطلح غير دقيق – إذ أن كثيراً من الإختبارات المعلمية في حالة العينات الكبيرة . لا يشترط شكلاً معيناً لتوزيع المجتمع . ومن جهة أخرى فإن بعض الإختبارات اللا معلمية تكون فيها قوة الإختبار معتمدة على شكل التوزيع ، بمنى أن هذه الإختبارات اللا معلمية ليست مستقلة تماماً عن شكل التوزيع .

ووصف هذه الإحصاءات باللاشرطية (Assumption Free) يعد أكثر ملاءمة ، غير أنه قد يوحي بعدم وجود شروط ... خلافاً للواقع ، فالإختبارات كلها دون إستثناء تشترط العشوائية (Randomness) في سحب العينة كما أن هناك عدة خواص أخرى قد تكون من المتطلبات لبعض الإختبارات مثل شرط قائل التسوزيع (Syrnmetry) وإشتراط أن يكون قسياس المتغيرات على المسترى الترتيبي (Ordinal) وكذا أن تكون العينات مستقلة .

إن إطلاق صغة الشيات (Robustness) على هذه الإحساءات ليس شائعاً ، كما أنه غير دقيق ، هذا بالإضافة إلى أن هذا مصطلح محدد يشمل مجموعة الإحصاءات الغير حساسة أي التي لا تتأثر نتائجها كثيراً بالبعد عن الإقتراضات التي تقوم عليها .

أن إطلاق مسمى الإحصاءات الصلدة (Sturdy) يعد مرادفاً لمصطلع الثبات (Robustness) ويتجنب الإنتقادات الموجهة له .

كما أن وصفها بالإحصاءات السريعة (Quick) له بالطبع ما يبرره غير أن هذا لا يعني توفره في كل الأساليب ، فمنها ما يتطلب عمليات حسابيات أكثر من نظيرها من الإحصاءات المعلمية . ونرضع هذا أن هذه الإختلافات في المسميات لا تعد مشكلة أمام الباحث فالإختلافات هذا وارد على مسمى المجموعة بصفة عامة ، ولكن لا يوجد خلافات تتعلق بالأساليب نفسها - فكل أسلوب له إسم محدد وهدف محدد وشروط محددة .

أهمية الإحصاءات اللامعلمية ومجالات تطبيقها :

الإحصاءات اللامعلمية لها أهمية كبيرة في البحوث بصفة عامة وفي البحوث الإجتماعية بصفة خاصة ، حيث تزداد مجالات تطبيقها نظراً لطبيعة الطواهر الإجتماعية وخاصة ما يتعلق بمستويات القياس لهذه الطواهر والتي يغلب عليها الطابع الكيفي . وهناك على أي حال أسباب متعددة تضفي مزيداً من الأهمية لهذه الأساليب وتزيد من مجالات تطبيقها .

أولاً: هناك حالات كثيرة لا يتوفر لها أسلوب معلمي ويصبح معه الأسلوب اللامعلمي هو الوحيد المتاح إستخدامه .

١ - حالات الإستقراء المتعلقة بالمتغيرات الكيفية المقاسة على المستوى الإسمى (Nominal Scale) .

المستوى الإستقراء المتعلقة بالمتغيرات الكيفية المقاسة على المستوى التربيي (Ordinal Scale) .

٣ - حالات الإستقراء المتعلقة بالمتغيرات الكمية أي على المستوى الفتري
 (Interval) أو النسسيي (Ratio) - وذلك في حالة عدم توفير الشروط والازمة للأساليب المعلمية .

- ع حالات الإستراء التي لا تتعلق صراحة بمعالم المجتمع (Parameters)
 كالإختبارات العشوائية (Randomness) والتبييم المهطرفية (Qutliers)
 والإنجاهات (Trends) وشكل التوزيع .
- وي الحالات التي يكون فنها خطم الفينة ضغيرا جداً استنة وقعات فتأفل الم

ثانياً: الحالات التي يتوفر لها أساليب معلمية: ١

إلاً ساليب اللامعلمية تتضمن قدراً قليالاً من الشراط أو الإفتراضات ،
 الحالياً ما تكون متواجدة عملياً في إلحالة محل البحث كأن يكون المتفير مستنو ...
 أو يكون التوزيع متماثل .

لًا سبيباطة البناء النظري للإفعيتارات اللامعلمينة «وَسَهُولَا: الْحُصُولُ عَلَى سُرَّرِيع العدم الحقيقي (Exact Null Distribution)

ريًا عِنْدَالاُسْبَالِسِهِ اللامعلَسِينَة أَكثر مَنْهُ وَلَا وَيُسْاطَةُ وَتَتَرَعَهُ وَأَقَلَ تَكَلَّفَهُ مَن الأساليب المعلمية ، في معظم الحالات .

ه يحفظ القلة الإنتزاخيات في الأساليّة اللامعلميّة فإنَّ تعاَّلُوجَهُ تكونَ المُسالِيّة اللهُ تعالَى المُسالِية أكشر فهاتا أو أقل حساسية (Sensitive) من الأساليّة المُعَلَّميّة - إزاد المعلمية - إزاد التعراب في المعلم المعلم

٥ - نظراً ثقلة الإفتراضات في الأساليب اللامعلَٰتِيَّة - فأن - إَحْمَٰعالُ - وَالْمَعْلَمِينَة - إِسْمَنَاهُ اللَّهِ اللَّهُ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهُ اللَّهِ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهِ اللَّهُ اللَّهِ اللَّهُ اللَّهِ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهِ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهُ الللَّهُ اللَّهُ اللَّالَةُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ الللْمُعْلَالِلْمُ اللّهُ الل

المسيدكان تعويض النقص في كفائه الأساليب اللامتفلسية بزيادة خنجم العينة . وهناك كثير من الإختبارات لها كفائه كينرة وتكاد تساؤي الإختبارات الملية . وبصفة خاصة ، فإن كفاء الإختبارات اللامعلمية بالنسبة إلى المعلمية

سَطِالَية في حالة العنينات الصغيرة ﴿ عَنْدُتُ الْعَنْدُ وَعَمْ الْعَيْنَةُ أَصِعْرَ مِنْ عَشْرِ الوَّعْنِاتِ مِثْلِاً. هذا وأن كانت الكفاء التسْبَيَّةُ تَقُلُّ بِرِيَادَةُ حَبْمِ الْمُنَّيِّةُ وَإِنْ أَنْ والنَّامِيةُ الأَخْرِي فإن الكفاءُ النسبية لا تُصَلِّح عَاملاً عاماً في الْعَبْنَاتُ الْكَبْيرَةِ ﴿ * وَالْعَبْنَاتُ الْكَبْيرَةِ * * *

١٠ - ٢ - ٤ دقة النتائج

يقدم لنا الإستقراء الإحصائي تعميمات بصورة عامة وهي بمثابة قرائين أو نظريات أو فروض تبعاً لتوفر الشروط والمتطلبات اللازمة . ويقدم لنا الإستقراء الإحصائي كذلك درجة الدقة في هذه النتائج ، كما ينير لنا الطريق لكي نتحكم . في هذه الدقة . إن السبيل إلى ذلك بتوقف على الكثير من العوامل أهمها تصميم البحث وطريقة المعاينة ، كما يعتمد بدرجة كبيرة على حجم العينة .

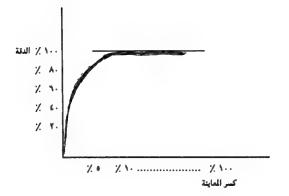
قياس الدقة

ويختلف قياس دقة الاستقراء في التقدير عنه في إختبارات الفروض ، ففي منشأكل التقدير ، يكون المهدف هو تقليل فترة الثقة وأن يكون ذلك بدرجة ثقة أو بإحضمال تخبير يدامًا في إختبارات الفروض فإن الهدف يكون نحو تقليل الأخطاء المتعلقة بإضدار القرار .

حجم العنيئة

بخصوص حجم العينة يوجد طريقتان ، الأولى طريقة المعاينة التشابعية (Sequential Sampling) (والد ١٩٤٣)) لا يتم تحديد حجم العينة في البداية ، بل يتم سحب الرحدات تدريجيا ويتم تطبيق إختبار إحصائي في كل مرة ، وتحدد نتيجة الإختبار قراراً إما بالتوقف وإعلان نتيجة البحث أو سحب وحدات أخرى إضافية .

والطربقة الثانية ، الكلاسيكية ، وهى الأكثر شيرعاً تقضي بتحديد حجم العينة منذ البداية وقبل سحبها . ومهما تكن الطربقة فإن تحديد حجم العينة يمد قراراً منطقياً يستند إلى إعتبارات إقتصادية يدرجة كبيرة ، وعكن توضيح ذلك في الشكل التالي وهو يعرض العلاقة بين الدقة وكسر المعاينة . وهو يوضح إمكان تحقيق مستوى دقة كبيرة بسحب جزء قليل من المجتمع أي كسر معاينة قليل .



- تحديد حجم العينة
- إن تحديد حجم العينة يعد خطوة هامة وأساسية ، وفي هذا الصدد نوضح ما يلى :
- ١ بجب أن تكون المعاينة عشوائية ، حتى يمكن تدبير غوذج رياضي يمكن
 من توفير صيغة أو قاعدة معينة لتحديد حجم العينة .
- ٢ لا توجد قاعدة أو صيغة واحدة عكن بها تحديد حجم العينة بصغة
 عامة .
- ٣ إن تحديد نسبة معينة من حجم المجتمع ، ١٠ ٪ مثلاً لا يعد كافيا
 بصفة عامة لتحقيق أهداف البحث .
- ٤ إن تحديد رقم معين لحجم العينة كان يقال ٥٠ وحدة مثلاً ، لا يعد
 كافياً بصفة عامة لتحقيق أهداف البحث .
- ٥ كلما زاد حجم العينة زادت دقة النتائج ، غير أن معدل الزيادة ليس
 ثابتاً.
- ٦ إن تحديد حجم العينة يتطلب إمكان إعداد غوذج رياضي يجمع المتغيرات والأهداف والمتطلبات والعوامل المؤثرة ، وأن تكون الصياغة الرياضية للنموذج ملائمة للتحليل الرياضي .
- ٧ يوجد عدد كبير من العوامل يؤثر على تحديد حجم العينة ،
 نعرضها فيما يلى :

العوامل المؤثرة على حجم العينة:

- أ الهدف من اليحث:
- الهدف من البحث ، هل هو تقدير أو إختبار لغرض حول معالم أو خواص المجتمع .
 - ٢ عدد المعالم أو الخواص محل الإستقراء .
- ٣ عدد أتسام المجتمع (Subdivisions) المطلوب وصفها ، حيث يتطلب ذلك زيادة حجم العينة لتغطية كل قسم بقدر كاف من. الوحدات .
- عدد المتغیرات ، ققد یکون موضوع البحث متغیر واجد ،
 متغیران ، عدة متغیرات .
 - ٥ مستوى الذقة المطلوب في النتائج م

ب - خواص المجتمع مجل البحث:

- ١ حجم المجتمع ، وحجم كل طبقة من طبقاته أو أقسامه .
- ٢ شكل التوزيع في المجتمع ، من حيث التماثل ، عندد القمم ، التبعية لتوزيع إجتمالي معين كالتوزيع الطبيعي مثلاً .
 - ٣ التجانس بين الوحدات.

ج - تصبيم البحث:

إن تصميم المعاينة أو تصميم التجربة ، يؤثر بدرجة كبيرة عَلَى حنجم العينة ، عثلاً سحب عينة عشوائية بسيطة من المجتمع ، يتطلب غائباً حجم عينة أكثر منه في حالة سحب عينة طبقية ، لتحقيق نفس الدقة .

د - القيود المفروضة على التنفيذ :

- ١ التكلفة ، سواء لتنفيذ عملية المعاينة أو لتلف الوحدات محل
 الفحص .
 - ٢ الوقت المسموح به لجمع البيانات.
- ٣ الإمكانات المتاحة ، كعدد الباحثين المساعدين في جمع البيانات ،
 والوسائل الآلية المستخدمة .
- ٤ الإعتبارات الأخلاقية ، تنطلب تخفيض حجم العينة لتقليل الأضرار التي تتعرض لها الوحدات محل البحث ، كما في التجارب التي تجرى على الإنسان ، وعلى الحيوان ، حيث تقضي المواثيق الدولية بتخفيض حجم العينة إلى أقل حد ممكن يسمح بالتوصل إلى نتائج دقيقة .

الباب الثاني

التقدير (Estimation)

يتم تقدير معلم المجتمع بإستخدام ما يسمى المقدر (Estimato) وهو إحصاء بمعنى أن قيمته تحسب من بيانات العينة ، وعند تطبيقه في حالة معينة يدنا بما يسمى تقدير (Estimate) لمعلم المجتمع . ويوجد نوعان من أساليب التقدير ، أحدهما التقدير يقيمة ، والأخذ التقدير يفترة . ونعرض في هذا الباب إيضاحات لكلا هذين الأسلوبين مع عرض بعض التطبيقات العملية ، وفي النهاية نعرض غوذجاً لتحديد حجم العينة . (Point estimation) التقدير بقيمة (\ - ٢

٢ - ١ - ١ تعريفه وأهميته :

التقدير بقيسة هو تقدير لمعلم أو معالم المجتمع بقيسة وحيدة . وتأتي أهبيته في أنه يعد أفضل تقدير لمعلم المجتمع ، كما أنه يعد الأساس للتقدير يفترة (Interval estimation) .

وتعرض فيما يلي طرق الحصول على هذا المقدرُ والصفات التي يتمتع بها مع إعطاء بعض النماذج الشائعة .

٢ - ١ - ٢ منطق التقدير بقيمه

طرق تكوين المندر بتيبه ،

توجد عدة طرق لإنشاء المقدر أهما :

- . (Maximum Likelihood estimator) مقدر الفرصة الكبرى
 - . (Minimum variance) أقل تباين Y
 - ٣ المربعات الصغرى (Least squares) .
 - 2 العزوم (Moments) 2
 - ه أقل كا ۲ (Minimun chi-Squares

ويعتبر مقدر الفرصة الكبرى والذي قدمه عالم الإحصاء فيشر عام ١٩٢١ (Fisher) أكثر الطرق إستخداماً لتكوين المقدرات ، حيث يتمتع بالكثير من الصفات المرغوب فيها . وتقوم هذه الطريقة على إختيار ذلك المقدر الذي يعظم (Maximize) إحتمال الحصول على نفس النتائج .

الصفات المرغوبة:

يوجد عدد من الصفات يكون من المرغوب توفرها في المقدر بقيمه ونعرض فيما يلى أهما :

۱ - عدم التحيز (Unbiasedness)

يقال للمقدر أنه غير متحيز لمعلم المجتمع إذا كان متوسط تقديراته المحسوبة من كل العينات المكن سحبها يساوي قيمة معلم المجتمع .

(Consistency) الإنساق - ۲

يقال للمقدر أنه متسق إذا كانت قيمته تؤول إلى القيمة الحقيقية لمعلم المجتمع بزيادة حجم العينة .

(Efficiency) تاکفات - ۳

يقال لمقدر أنه أكفأ من آخر إذا كان تباينه أقل منه .

(Sufficiency) الكفاية - ٤

يقال للمقدر أنه كاف إذا إستخدم كل المعلومات المتاجة بالعينة والمتعلقة بعلم المجتمع .

o - الإعتبارات العملية (Practicability)

يفضل أن يكون المقدر ملائماً للإعتبارات العملية كأنه يكون من السهل حسابه وأن يكون له توزيع معاينة يسهل التعامل معه .

٢ - ١ - ٣ غاذج للمقدرات :

قيما يلي بعض النماذج للمقدرات بقيمه والتي تعتبر أفضل تقدير لمعلم المجتمع من حيث توفر الصفات المرغوب فيها ، وهي تبين أن صيغة المقدر ليست عائلة لصيغة معلم المجتمع في كل الحالات :

أ - المتوسط الحسابي

المقدر : $\overline{m} = \frac{ne^{-m}}{v}$ في المعاينة المشوائية البسيطة (Y - Y) أما في المعاينة الطبقية يستخدم المقدر

$$\overline{u} = \frac{ae\overline{u}_{\alpha}}{ae} \underline{\dot{u}}_{\alpha}$$

حيث س مر متوسط العينة للطبقة ه ، نمر حجم الطقة ه .

ب - التباين

$$and 1 = \frac{1}{\dot{c}} \frac{1}{\dot{c}} = \frac{1}{\dot{c}} \frac{1}{\dot{c}} = \frac{1}{\dot{c}} \frac{1}{\dot{c}} = \frac{1}{\dot{c}} \frac{1}{\dot{c}}$$

وفي حالة المعاينة العشوائية البسيط يستخدم المقدر:

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{3} - \frac{1}{3} - \frac{1}{3} - \frac{1}{3} \end{bmatrix} = \frac{1}{3}$$

حيث (أ) عند الحالات التي تحمل الحاصية . والمقدر في حالة المعاينة العشوائية البسيطة .

$$\ddot{u} = \frac{1}{\dot{u}} = 0$$

وفي حالة الماينة الطبقية يستخلم المقدر:

حيث ق النسبة في العينة للطبقة هـ

الحل:

$$\left[\frac{\gamma(\omega - \omega)}{\omega} - \gamma(\omega - \omega)\right] \frac{1}{1 + \alpha} = \gamma.$$

$$Y'', \theta = \left[\frac{Y(YYY)}{Y} - AY\thetaY\right] \frac{Y}{A} =$$

تطيبق (۲-۲)

قي عملية الجرد السنوي للخامات في إحدى شركات النسيج قام أحد المحاسبين بسحب عينة طبقية من المجتمع المرضح أدناه وكان متوسط وزن الصندوق في الطبقات كما يلي على الترتيب ٨٨ ، ٩٠ ، ٨٦ ، ٨٤ . والمطلوب تقدير متوسط المجتمع ؟

حجم العابقة	الطيئة
٧	مخزن الوارد
4	المخزن الرئيسي
٧	المخزن الفرعي
١	مخزن قسم الإنتاج

: الحل

$$(1 \cdots \times A + Y \cdots \times A + 4 \cdots \times 4 + Y \cdots \times A) =$$

Y-Y التقدير بفترة (Interval estimation

۲-۲-۱ تعريفه وأهميته

ليس من المتوقع أن يمدنا التقدير بقيمة برقم يساوى معلم المجتمع بصفة عامة كما أنه لا يمدنا بوسيلة لتقييم الثبات أو الثقة أو الدقة في التقدير كما أنه لا يكن من التحكم في هذه الدقة إلى المدى الملائم الذي نرغيه

والتقدير بفترة يعيننا على كل ذلك ، فهو يدنا بوسيلة للحكم على درجة الدقة في التقديرات التي نصل إليها كما أنه يكن من التحكم في هذه الدقة إلى المدغد المرغوب .

والتقدير بفترة يعطى تقديراً لملمه المجتمع (م) على الصورة :

حيث ص١ الحد الأدنى للثقة

ص، الحد الأعلى للثقة

ث درجة الثقة (أو مستوى الثقة - معامل الثقة - احتمال الثقة وتسمى الفترة (صبح ، ص) فترة الثقة .

٢-٢-٢ تقدير متوسط المجتمع

نعرض فيما يلي تقديراً بفترة لمتوسط المجتمع بافتراض أن تباين المجتمع معلوم .

تحديد فترة الثقة

1,10-

تقرر النظريات الإحصائية [الجزء الأول (٤-٢-٢)] أن المتوسط الحسابي للعينة س يتبع التوزيع الطبيعي (س ، τ_{اس}) بشروط معقولة يتيسر توفرها في كثير من الحالات . فإذا كان الأمر كذلك فإن المتغير :

يتبع الترزيع الطبيعي المعياري ، وعلى ذلك يكون (مثلاً) :

$$\cdot$$
 , ۹ \cdot = (۱, ۹۵ \cdot) = \cdot , ۹ \cdot) = \cdot , ۹ \cdot , ۹ \cdot , 9 \cdot , 10 \cdot , 1

أي أن :

وبصفة عامة يكن عرض الصيفة كما يلى :

حيث ل معامل الثبات (Reliability Factor) ويكن كتابة حدى الثقة على الصورة :

$$\{A-Y\}$$
 حدى الثقة = \overline{w} $\pm \overline{b}$ σ $\pm \overline{b}$

يمثل خطأ التقدير (الفرق بين متوسط المجتمع ومتوسط العينة) .

all ji
$$\sigma_{\overline{u}} = \frac{\dot{u} - \dot{v}}{\dot{v} - \dot{v}}$$

وفي حالة سحب العينة مع الإرجاع يكون

$$\frac{\omega \sigma}{\dot{\omega}} = \omega \sigma$$

ويكن إهمال المقدار $\frac{\dot{v}-\dot{v}}{\dot{v}-\dot{v}}$ ويسمى تصحيح المجتمع المحدود في حالة ما إذا كان المجتمع حجمه كبير ، أو إذا كان حجم العينة قليل بالنسبة لحجم المجتمع – أي إذا كان $\frac{\dot{v}}{\dot{v}} \cdot (1, \cdot, \cdot)$ كما سبق إيضاحه في الجزء الأول من المكتاب . راجع الصبغ (2 - 7) ، (2 - 7) .

تطبيق (٢ - ٣)

ه ۱۳= ۵۱ ن= ۵۱

في دراسة عن أحرال العمالة المؤقدة ، قام أحد الباحثين الاجتماعيين بسحب عينة عشوائية بسيطة من ٥١ عاملاً من عمال البناء وقد أظهرت أن متوسط الأجر الشهري ٧٥ جنبها . قإذا علم أن الاتحراف المعياري في المجتمع ١٣ ، قدر متوسط الأجر في المجتمع بدرجة ثقة ٩٠ ٪

الحل :

ښ= ۵۷

ث = ٩٠٠.

مجتمع اتحراقه المعياري ١٥ سحبت منه عينة عشوائية بسيطة مع الإرجاع حجمها ١٠٠ فوجد أن متوسطها الحسابي ٥٥ والمطلوب تقدير متوسط المجتمع بدرجة ثقة ٩٥ ٪ .

: 141

حدى الثقة = ش ± ل σ س

ونظراً لأن حجم العينة أكبر من ٣٠ نستخدم التوزيع الطبيعي ، وحيث أن السحب مع الإرجاع يكون :

تطبیق (۲-۵)

بقرض أن السحب في التطبيق السابق كان دون إرجاع الوحدات المسحوبة ، حجم المجتمع ٣٠٠ . المطلوب تقدير متوسط المجتمع بدرجة ثقة ٩٩٪

الحل :

حدى الثقة =
$$\sqrt{\frac{\dot{\sigma}}{\dot{\sigma}}}$$
 $\dot{\sigma}$ $\dot{\sigma}$ $\dot{\sigma}$ $\dot{\sigma}$ $\dot{\sigma}$ $\dot{\sigma}$ $\dot{\sigma}$ $\dot{\sigma}$ = $-\dot{\sigma}$

$$\frac{1 \cdot \cdot - \tau}{1 \cdot \tau} \bigvee \left(\frac{10}{1 \cdot \cdot \cdot} \right) \Upsilon, 0 \Lambda \pm 0 0 =$$

$$\mathcal{G} \qquad \tau, 1 \pm 0 0 =$$

$$\left(0 \right), 9 \cdot 0 \Lambda, 1) =$$

مجتمع حجمه ۳۰۰ وتباینه ۲۲۵ ، سحبت منه عینة عشوائیة بسیطة بدون إرجاع حجمها ۱۰۰ فرجد أن متوسطها الحسابي ۵۵ . والمطلوب تقدیر متوسط المجتمع بدرجة ثقة ۸۵ ٪ .

$$|\frac{1}{4}\frac{1}{4}|$$

$$= \frac{1}{4}\frac{1}{4}|$$

$$= \frac{1}{4}\frac{1}|$$

$$= \frac{1}{4}\frac{1}|$$

$$= \frac{1}{4}\frac{1}|$$

$$= \frac{1}{4}\frac{1}|$$

مجتمع يتبع التوزيع الطبيعي تباينه ٢٧٥ سحبت منه عينة عشوائية يسيطة مع الإرجاع حجمها ٢٥ فوجد أن متوسطها الحسابي ٥٢ . المطلوب تقدير متوسط المجتمع بدرة ثقة ٩٥. . .

الحل:

مجتمع حجمه ۳۰۰ وحدة وانحرافه المعياري ٤٠ سحبت منه عينة عشوائية يسيطة حجمها ١٠٠ قرجد أن متوسطها الحسابي ١٣٠ قدر متوسط المجتمع بدرجة ثقة ٩٠ ٪ .

حدى الثقة = س ± ل σ جي

تطبيق (٢-٨)

$$\frac{\lambda \dots - \gamma_{r}}{1 - \gamma_{r}} \sqrt{\left(\frac{\epsilon_{r}}{1}\right) 1, \gamma_{\ell} \pm 1 \gamma_{r}} =$$

تطبيق (۲-۹)

في دراسة لتقدير مترسط فترة الإعارة في إحدى المجموعات المكتبية في إحدى المجموعات المكتبية في إحدى المكتبات تم سحب عينة عشوائية بسيطة من سجل الإعارات ، وكانت القعرات كما يلى:

والمطلوب تقدير متوسط فترة الإعارة للمجموعة المكتنية بدرجة ثقة . ٩ ٪ إذا علم أن فترة الإعارة تتبع التوزيع الطبيعي وتباين قدره ٧٥ .

الحل :

$$\sigma_{\omega} = \frac{\sigma_{\omega}}{\dot{\sigma}} = \frac{\sigma_{\omega}}{\dot{\sigma}} = \frac{\sigma_{\omega}}{\dot{\sigma}} = \frac{\sigma_{\omega}}{\dot{\sigma}}$$
 الإعارات)

إذا علم أن معدل الزواج في الأسبوع في إحدى القرى يتبع التوزيع الطبيعي بإنحراف معياري قدوه ٢ . قام أحد الباحثين بسحب عينة عشوائية بسيطة من السبحيلات الأسدعية ، وكانت كما بلي :

والمطلوب تقدير متوسط معدل الزواج في الأسيوع بدرجة ثقة ٩٥٪ .

: [4]

$$YV.A = \frac{YVE}{VV} = \overline{U}$$

$$1, V = \frac{1}{17} = \frac{\omega \sigma}{\dot{\omega}} = \omega \sigma$$

$$\Upsilon, \Upsilon \pm Y \forall, \Lambda =$$

تحديد حجم العينة

نعرض فيما يلى غرذج لكيفية تحديد حجم العينة . وسنفترض حالة سحب عينة عشوائية بسيطة وأن المطلوب هو تقدير متوسط المجتمع علماً بأن تباين المجتمع (٣٥) معلوماً - والمطلوب هو تحديد حجم العينة بحيث لا يزيد مقدار الخطأ عن قيمة معينة (خا) .

بالرجوع إلى الصيغ الواردة بالقسم ٢ - ٢ - ٢

حدى الثقة = س ± خـ

چيت ‡ ل ع_{ست}

(أ) بافتراض أن المجتمع كبير فإن :

خدال ی

 $\frac{\sigma}{\delta}$ $d = \delta$

ومنها نحصل على حجم العينة

$$(17-7) \qquad \qquad \gamma(\frac{\sigma J}{\Rightarrow}) = .0$$

حيث ل معامل الثبات يتم تحديده من جدول التوزيع الطبيعي إستناداً إلى قيمة ث .

وأحياناً يكون من المفضل عرض الخطأ كنسبة من المتوسط خ = خ / سَ ويكن تحديد حجم العينة في هذه الحالة بالقسسة على س في الصيخة أعلام ، لتصبح :

$$(1\xi-Y) \qquad \qquad Y(\frac{\sqrt{\sigma J}}{\sqrt{\varepsilon}}) = Y(\frac{\sqrt{\sigma J}}{\sqrt{\varepsilon}}) = 0.$$

(۱۵-۲) مامل الإختلاف)
$$\sigma = \sigma$$
 حيث $\sigma = \sigma$

(ب) حالة المجتمع المحدود
$$\frac{\sigma}{1-\upsilon} = \frac{\sigma}{\upsilon}$$

ومن ذلك نحصل على:

$$\dot{c} = \frac{\dot{c}}{1 + \frac{\dot{c}}{\dot{c}} + 1}$$

حيث نْ. تعرف كما ورد في الفقرة السابقة .

ومن الناحية العلمية نقوم أولاً بحساب ن· ونكتفى بها إذا كانت صغيرة بالنسبة لحجم المجتمع (فن ح ١٠,٠) وخلاف ذلك نكمل الحل بحساب صيغة المجتمع المحدود (٢-١٩) .

مجتمع كبير معامل الإختلاف به ١٧٣ . . يراد تقدير متوسطه يحد أقصى للخطأ قدره ٤٪ ويدرجة ثقة ٩٠٪ . كم يكون حجم العينة .

$$Y(\frac{\sqrt{\sigma J}}{\sqrt{\Delta}}) = .0$$

$$81 = {}^{Y}(\frac{... \times 1, 18}{...}) =$$
 $\frac{...}{1}$
تطبیق (۲-۲)

عناسبة الجرد السنوى فى إحدى الشركات ، أراد أحد المحاسبين تقدير مستوسط وزن العلية لأحد الأصناف بنسبة خطأ لا تزيد عن ٣٪ وبدرجة ثقة ٩٨٧ ، والمطلوب تحديد حجم العينة إذا علم أن حجم المجتمع ٩٨٧٥ علية ومعائل الإختلاف به قدره ٨٠٠ .

الحل:

$$\gamma(\frac{\sqrt{\sigma J}}{\sqrt{\Delta L}}) = .0$$

$$YYY = {}^{Y}(\frac{...\times 1.47}{...Y}) =$$

$$\cdot, 1 \leftarrow \cdot, YA = \frac{YYYY}{1AY0} = \frac{.0}{0}$$

ولل يلزم حساب ن من الصيغة :
$$\frac{0}{1-\frac{1}{2}}$$
 $\frac{0}{1+\frac{1}{2}}$

$$\frac{\text{YVPV}}{\text{AVVA}} = \frac{\text{YVPV}}{\text{AVVA}} = \frac{1}{2}$$

في دراسة لحساب تكلفة أحد المنتجات يريد أحد المحاسبين تقدير متوسط وقت الإنتاج بدرجة ثقة ٩٩٪ وبخطأ لايتجاوز دقية واحدة . والمطلوب تقدير حجم العينة اللازم بإفتراض أن الإتحراف المعياري للمجتمع خمس دقائق .

الحل:

$$\gamma(\frac{\sigma J}{\dot{z}}) = .0$$

تطبیق (۲-۱۲)

يريد أحد المهندسين تحديد متوسط طول المنتج بحد أقصى للخطأ قدرة ٤٪ ويدرجة ثقة قدرها ٩٨٪ . وبالرجوع للبيانات السابقة للإنتاج تبين أن معامل الإختلاف قدره ٢٠, و المطلوب تحديد حجم العينة اللازم .

الحل:

$$\gamma(\frac{\sqrt{\sigma J}}{\sqrt{2}}) = 0.5$$

$$1777 = \frac{1}{4}(\frac{1}{1100} \times \frac{1}{1100} \times \frac{1}{1100}) = \frac{1}{1100}$$

تطبيق (۲-۱۵)

في دراسة لتقيم نشاط المكتبات المدرسية في إحدى الدول تم سحب عينة عشراتية بسيطة من مجتمع المكتبات المدرسية والبالغ عدده ٣٠٠٠ مكتبة . كم يكرن حجم العينة اللازم لتقدير متوسط عدد الطلاب المترددين على المكتبة في اليوم بفتره ثقة ٩٥٪ وبخطأ لا يتجاوز ثلاثة طلاب ، علماً بأن التباين هو ٨١ حسب تقدير دراسات سابقة .

: 141

$$\forall \varepsilon, \mathsf{o} \forall \varepsilon = {}^{\gamma} \left[\begin{array}{cc} \frac{(\mathfrak{h})^{-}(\mathfrak{h}, \mathfrak{h})}{\gamma} \end{array} \right] = {}^{\gamma} \left[\begin{array}{cc} \sigma J \\ \xrightarrow{\bullet} \end{array} \right] = \mathfrak{g}$$

أي أن ن. = ٣٥

لذا قإنه لا يلازم إجراء التعديل الخاص بالمجتمع المحدود .

تطبیق (۲-۱۹)

أراد أحدى الباحثين معرقة متوسط المبالغ التي تنفقها الأسرة شهرياً على الأدوية والعلاج في مجتمع معين يحوي ألف أسرة . ما هو حجم العينة اللازم لتقدير حدود ثقة لذلك المتوسط بإحتمال قدره ٩٥٪ وبخطأ لا يتجاوز ثلاثة جنيهات علماً بأن تقدير الإنحراف المعياري هو ١٧ من دراسات إستطلاعية .

$$\frac{0}{\frac{1-\frac{1}{2}}{3}} = 0$$

$$1 \cdot 1, 7 = \frac{177}{117} = \frac{177}{117}$$

أي أن حجم العينة اللازم هو ١١٠ أسرة .

الباب الثالث

اختبارات الفروض

تطورت نظرية اختبارات الفروض منذ أوائل القرن العشرين بعرفة علماء . Neyman, J. ، ويسان . Pearson, E.S.

وتعد أساليب اختبارات الغروض ، الأساس لتكوين النظريات والقوانين والمعارف العلمية بصفة عامة في كافة العلوم غير الرياضية .

٣-١ المفاهيم

تحرى نظرية اختبارات الفروض العديد من المصطلحات فيما يتعلق بالفروض - وكذلك بالنسبة للاختبارات ، ونعرض فيما يلي المفاهيم المتعلقة بها .

Hypotheses الفروض وأنواعها ١-١-٣

الفرض Hypothesis بالمعنى الواسع هو أي تقرير مؤقت أو مسعتمل في سبيل المعرفة العلمية . ويختبر الفرض بقارنته بما يحدث في عالم الحقيقة .

أن نظرية اختبارات الفروض تحوي أنواع وتصنيفات مختلفة من الفروض نعرضها فيما يلى:

الفرض البحثي Research hypothesis

باعتبار أن الفرض يكون هدفا للباحث فإنه يطلق عليه الفرض البحثي Research وأحياناً يسمى الفرض المحرك Motivated أو الفرض التجريبي Experimental .

ونعرض فيما يلي صورتان لهذا الفرض البحثي :

الفرض العام General hypothesis

إن الفرض البحثي في البداية غالباً يكون في صورة عامة ويوصف عندئذ بأنه فرض عام ، وفيما يلي بعض صورة :

- العلاج (أ) فعال في علاجج المرض (د) .
- الأرباح الهامشية Margins في تجارة التجزئة مرتفعة .
 - الماكينات في المصنع تعمل بصورة سليمة .
 - نسبة النجاح في الثانوية العامة تصل إلى ٧٠٪.
 - نسبة البضاعة التالفة ١٢٪.
 - الأرض كروية.
 - التدخين ضار بالصحة.
 - المتهم (أ) برئ .
 - مياه الشرب نقية .
 - قيمة المخزون بالشركة ٨٠٠ ألف جنيه .

القرض العامل Working

إن الفرض البحثي (العام) يكون في البداية غالباً في صورة غير محددة قاماً ، وهو بذلك غير قابل للاختبار Untestable ويكن ملاحظة ذلك بالرجوع للأمثلة السابقة ، ولتأخذ مثلاً القرض : « الأرباح الهامشية Margins في تجارة

التجزئة مرتفعة ۽ .

قالأرباح الهامشية مفهوم غير محدد قاماً ويمكن تحديده ، مثلاً باعتباره الفرق بين المبيعات وتكلفتها . وبالمثل فإن تجارة التجزئة في حاجة إلى تعريف إجرائي ببين ما إذا كانت تجارة مقينة تنتمى إلى تجارة التجزئة أو الجملة ، كما أن عبارة الأرباح مرتفعة تعد تقييماً ذاتياً وبلزم أن يكون التحديد موضوعياً كأن يقال مثلاً نسبة الربح أكثر من ٣٠٪ .

ويعني ذلك أنه يلزم لاختبار الفرض العام لحويله إلى ما يسمى الفرض العامل ، حيث تعرض المفاهيم بصورة واضحة ومحددة وعكن قياسها

ولتأخذ أيضاً القرض و قيمة المخزون ٨٠٠ ألف جنيه » وبافتراض أن مراجع الحسابات لا يكته التحقق من صحة كل الأرصدة بالمخازن، فإنه لا يكون لديه طريقة مباشرة للتحقق من صحة رصيد المخزون أعلاه ، وعليه إعادة صياغة هذا القرض في صورة قرض قابل للاختيار فإذا كان عدد الأصناف بالمخازن ٢٠٠٠ ، يكون متوسط قيمة الصنف الواحد ، وع جنيها فإنه يمكن صياغة فرض عامل كما يلى : من = ٠٠٠ جنيه .

الفرض المحدد والفرض الاحتمالي

تقسيم الغروض البحشية حسب درجة التأكد إلى نوعين: محددة وإحتمالية . الفرض المحدد Deterministic يكون حول كل الوحدات محل البحث ، أي على الصورة كل (أ) تكون (ب)

يعض الأمثلة :

كل العمال أكفاء

كل المرضى يشفون

كل جسم في الكون يتجاذب مع الأجسام الأخرى

مثل هذه الفروض يكون رفضها بمجرد ملاحظة حالة سلبية واحدة ولذا فإن ` اختيارها لا يتم بالأساليب الإحصائية .

الفرض الاحتمالي Probabilistic يكون حول بعض الوحدات محل البحث أي على الصورة : معظم (أ) تكون (ب)

أو لأي (أ) يوجد إحتمال قدره س/ أن يكون (ب) ومثلاً نسبة نجاح العملية الجراحية (أ) هي ٨٠٪

وبخصوص الفروض الاحتمالية نوضع ما يلي :

 (١) الغروض الاحتسالية هي الغروض التي تكون محلاً للاختبارات الاحصائية .

(٢) ليست كل الفروض الاحتمالية قابلة للاختبار احصائباً ، مثال ذلك المتهم في القضية (أ) مذنب .

(٣) الفروض أحياناً تعرض كما لو كانت فروض محددة - لكن المقصود
 وهذا يفهم ضمناً أنها فروض احتمالية - مثل:

الأرباح في تجارة التجزئة مرتفعة

والمقصود ضمناً هو « معظم التجار » وليس بالضرورة « كل التجار » .

الفرض الاحصائي Statistical

تعد الفروض الإحصائية مجموعة جزئية من الفروض الاحتمالية ، وهي

الفروض التي تختبر إحصائها . ويكن تعريف الفرض الاحصائي بأنه تقرير حول مجتمع يختبر باستخدام عينة منه ، وهذا التقرير يتعلق بشكل التوزيع Shape أو صيغته Form أو خاصية معينة مثل قيمة إحدى المعالم أو أكثر .

وعلى سبيل الإيضاح ، قد يكون فرض الباحث هو أن مستوى الأجور قد زاد عما كان في فترة سابقة ولاختبار ذلك نضعه في صورة فرض إحصائي ، وذلك بأن يتم التعبير عن مستوى الأجور بقياس إحصائي كالمتوسط الحسابي مثلاً ، أو باستخدام رقم قياسي معين ، ويمكن كتابة الفرض على الصورة : س٠ < س٠ < س٠ ح ح ترمز الأدلة ١ ، ٢ للفترتين السابقة والحالية على الترتيب .

فرض العدم والفرض البديل

يعد تحويل الغرض البحثي إلى صيغة الغرض الإحصائي ، فإنه يلزم - حسب الاعتبارات المنطقية - عرض هذا الأخير على هيئة فرضان متنافيان . الأول يسمى قرض العدم null (ويطلق عليه أيضاً الغرض الصغري) وغالباً يرمز له بالرمز ف ، والثاني يسمى الغرض البديل Alternative . وغالباً يرمز له بالرمز ف ، ويصغة عامة (١١) يعتبر فرض البحث Rescarch بعد إعادة عرضه لبلائم الاعتبارات الاحصائية ، هو الفرض البديل . ويسعى الباحث إلى تأييد هذا الفرض البديل عن طريق رفض فرض العدم .

ريالرجوع للمثال الخاص بمستوى الأجور أعلاه يكون : ف. ش، = ش، (فرض العدم) ف، ش، < ش، (الفرض البديل)

⁽١) پاستثناء بعض الحالات كاختبارات جودة التوفيق والعشوائية .

وقيما يلي بعض الملاحظات التي توضح أهمية قرض العدم .

(۱) أن فرض العدم nuil هو اقتراض إحصائي اخترع فكرته عالم الاحصاء فيشر Fisher ، وهو يعد من أجل الرفض حتى يتسنى تأييد الفرض البديل (هدف آب ث) قشياً مع قواعد المنطق .

(٢) صفة العدم المزفقة بالفرض ترجع إلى أنه يعد ليرفض باعتباره نقيص للفرض الهديل ، فهو أصلاً يعد ليدبير عن عدم وجود شئ مثلاً عدم وجود شئ مثلاً عدم وجود ارتباط ، عدم وجود تغيير ، عدم وجود قرق ، عدم وجود تصحة .

(٣) إن استخدام فكرة العدم للفرض ، تقدم صيفة قات علاقة محددة ، ويذلك قبان الإحساء الذي يصف العلاقة عكن تعيينة وبالتالي تعيين توزيع المعائنة المتعلق به ، وهذا الأخير كما تعلم هو الأساس في صنع القرار قبولا أو رفضاً .

الفرض المعين وغير المعين

تقسيم الفروض أيضا إلى معينة وغير معينة

الغرض المين Bract يهو الغرض الذي يشل يقيمة واحدة مشل:

مترسط المجتمع س= ٥٠

الفرض غير المعجِّ Enexact : هو الذي يمثل بعدد كبير من المعالم مثل : من > ٠ أ

الفرض الموجه وغير الموجه

تنقسم الفروض غير المعينة إلى نوعين :

one-tail : ويسمى أيضاً الفرض ذو طرف واحد Directional : وهو الفرض الذي يحدد اتجاه معين لمعالم المجتمع :

(أ) ناحية البسار ويسمى الطرف الأيسر Left-tailed أو البطرف الأقبل . Lower-tailed

، (ب) ناصية اليمين ويسمى الطرف الأين right-tailed أو الطرف الأعلى upper-tailed . upper-tailed

وهذه الصيغة الملائمة عندما يعرض الفرض علاقة على الصورة : { أكبر من ، أفضل من ، على الأقل ، أقل من ، أسوأ من ، ... } .

الفرض غير الموجه Nondirectional

وينسى أيضاً الغرض ذو الطرفين two-tail أو من جانبين two-side وتُكون هذه الصيغة ملائمة عندما يعرض الغرض علاقة على الصورة:

{ يختلف عن ، لا يساوي ، يعفير ، ... }

وهذه الصيغة تستخدم يدرجة كبيرة في البحوث الاستكشافية Exploratory واحياناً تعد مرحلة بحثية تؤدي إلى يحوث أخرى تكون فيها الفروض موجهه . وهذه الصيغة تكون ملائمة .

الفرض البسيط والفرض المركب تنقسم الفروض أيضاً إلى نوعين : الفرض البسيط Simple : هو فرض احصائي يحدد تماماً التوزيع الاحتمالي للتغير أو المتغيرات المتعلقة بالفرض .

فمثلاً إذا كان المتغير س يتبع توزيع بواسون (١١) (له معلمه واحدة م) فإن الفرض بأن : م = ٤ يعد فرضاً بسيطاً .

وكمثال آخر إذا كان المتغير يتبع التوزيع الطبيعي (١) (له معلمتان $\overline{\sigma}$) وإن الغرض ($\overline{\sigma}$ = 0 ، $\overline{\tau}$) علا فرضاً بسيطاً .

الفرض المركب Composite : هو قرض احصائي غير بسيط ، وهو يؤدي إلى وجود توزيعين احتماليين أو أكثر للمتغير (أو المتغيرات) المتعلقة بالفرض.

ومثال ذلك إذا كان المتغير يتبع التوزيع الطبيعي ، فإن الغرض التالي يعد مركباً . $\overline{w} = 0$

وكذلك إذا كان المتغير يتبع توزيع بواسون ، قإن الفرض التالي يعد مركباً . (م > 4)

٣-١-٢ الاختبارات وأنواعها

توجد ثلاثة أنواع من الاختبارات الاحصائية . وتشترك جميعها في وجود فرض (ف) مطلوب اختباره . وهذه الاختبارات هي :

١. اختبار المعنوية البحتة . ٢. اختبار المعنوية .

٣. اختبار الفرض.

⁽١) راجع الجزء الأول ، القسم (٢-٤-٣) .

⁽٢) راجع الجَزء الأول ، القسم (٢-٤-٤)

وتشترك هذه الاختبارات جميعها في وجود فرض (ف) مطلوب اختباره. ويتم اختبار الفرض بقارنته بما يحدث في عالم الواقع ، ويتطلب ذلك أن نقوم بسحب عينة عشوائية من المجتمع محل الفرض ، ونقوم من خلال هذه العينة بملاحظة مؤشر يترتب على الفرض ، مثال ذلك متوسط العينة أو عدد حالات النجاح في التجارب ذات الحدين . هذا المؤشر يسمى إحصاء الاختبار Test . ويعد توزيع المعاينة لهذا الإحصاء هو الأساس في عملية اختبار الفرض ، حيث يكن تقييم القيمة المشاهدة للإحصاء ، وبالتالي الحكم على الفرض أو اختباره .

وفيما يلى بعض الملاحظات عن إحصاء الاختبار :

إحصاء الاختبار قد لا يحمل أي معنى وصفى ، فالفرض منه فقط هو
 اختبار الفرض .

 (٢) إن استخدام إحصاء ذو كفاءة أعلى عند التقدير لا يعنى بالضرورة أن يعطى اختبار أكثر قوة عند اختبار الفرض.

(٣) يمكن معرفة الإحصاء المناسب بمجرد تحديد الاختبار المستخدم وذلك
 بالنسبة للاختبارات الشائعة الاستخدام.

(2) توجد عدة طرق للحصول على احصاء مناسب لاختبار الفرض حول معلم المجتمع منها اختيار وحصاء كان Sufficient ، أو اختيار مقدر جِيد مثل مقدر أكبر قرصه Maximum likelihood estimator .

ونعرض فيما يلي توضيحاً للفروق بين أنواع الاختبارات الاحصائية ، ونفترض أننا بصدد اختبار فرض بسيط Simple ، حيث يكون توزيع المعاينة محدد قاماً.

اختيار المعنوية البحتة Pure Significance

وهنا (١) نرفض الغرض (ف) إذا كان (ح) إحتمال ظهور قيمة الإحصاء المشاهدة (0) أو أي قيمة أكثر تطرفاً منها (أكبر أو أصغر حسب الأحوال) نادر ، أي أن القيمة المشاهدة احتمالها قليل . ويكن عرض قيمة (ح) (في حالة الأكبر) كما يلي : = (= (=)

أي أن الاختيار في هذه الحالة يتكون من تحديد الفرض (ف) وتحديد الإحصاء (ص) وحساب الاحتيال (ح) أعلاه . ويطلق على (ح) مستوى الإحصاء (ص) وحساب الاحتيال (ح) أعلاه . ويطلق على (ح) مستوى المعنوية الحقيقي Exact significance level والمستوى الحرج Prob-value والقيمة الاحتيالية المعنوية Prob-value وتختصر إلى P-value . وتعد هذه القيمة أفضل مِيْش بلخص ما تجويه بيانات العينة عن مدى مصداقية credibility الفرض محل الاختيار . وفي حالة الاختيار من جانين يكون من المناسب حساب القيمة الاحتيالية للجانين ، وإذا كان التوزيع متماثلاً فإن هذه القيمة تكون ضعفها في حالة الاختيار من جانب واحد .

ويوضح ذلك التطبيق (٢-٥٠) پالجزء الأول من الكتاب (٢). ويعرض حالة ينعى فيها منتج صواريخ بأنها تصيب الهدف بنسبة ? %، وقد قامت القوات المسلحة بتجرية عشرة منها عشوائيا – وحصلت على خمسة حالات تجاح ، وبحساب الاحتمال (ح) أي الحصول على خمسة حالات تجاح أو أقل ، باستخدام توزيع ذي الحدين : $\sigma = \sigma$ ($\sigma \leq 0$ | $\sigma = 0$)

وباستخدام الرموز المستخدمة مع توزيع ذي الحدين :

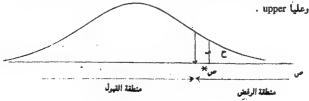
[.] Barnett PP 128 (\)

⁽٧) الطبعة الثانية ، ص ٩٥ .

الاختيار السابق لا يحدد قيمة معينة للاحتمال (ح) نستند إليها في رفض الفرض أو قبوله ، ولكنه يوفر فقط انطباع عام حول الفرض . ولكن في اختيار المعنوية يتم تحديد قيمة معينة للاحتمال ، سترمز لها بالرمز (م) وتسمى مستوى المعنوية الاسمى Nominal Significance level ويسمى أيضاً حجم الاختيار Size of the test ، وهنا نرفض الفرض إذا كانت قيمة الاحتمال المشاهد (م) أقل منها . أي إذا كان (في حالة الأكبر) :

ح = ح (ص> ص* إف) ≤ سـ

وهذا يرادف قاماً أن نقوم بتقسيم فراغ العينة (أي كل قيم الإحصاء الممكنة) . Acceptance ومنطقة القبول regection region . ويتم رفض الفرض إذا وقعت قيمة الإحصاء المحسوبة أو المشاهدة (س*) في منطقته الرفض ، ويقال لها عندئذ أنها قيمة معنوية Significant value . وتسمى أقل قيمة للإحصاء تطرفاً في منطقة الرفض بالقيمة الحرجة Lower . وإذا كان الاختيار من طرفين يكون له قيمتين حرجتين دنيا Lower



اختبار الفرض Hypothesis test

ويتميز هذا الاختبار عن اختبار المعنوية بإدخال فرض آخر هو الفرض البديل وهو الذي يتم العمل به في حالة رفض الفرض (وهو ما يسمى فرض العدم في هذه الحالة) وهذا الفرض البديل يكون له تأثير كبير على الاختبار وإجراءاته .

Y-Y الاختبار الإحصائي Statistical test

الاختبار الإحصائي ويطلق عليه البرهان الإحصائي هو إجراء منطقي يؤدي إلى رفض فرض أو قبوله استناداً إلى عينة عشوائية .

٣-٢-٣ منطق الاختبار

البرهان غير المباشر

أن منطق الإجراءات الإحصائية لاختبارات الفروض تم أنشاؤه وقبوله في فلسفة العلم وهو يستند إلى استراتيجية مشابهة لفكرة البرهان غير المباشر حيث يتم رفض الفرض في حالة وجود تعارض مع حقيقة مترتبة عليه ويكن عرض ذلك بالصيغة التالية:

مقدمة كبرى : إذا كان (أ) صحيحاً (مقدم) فإن (ب) يجب أن يكون صحيحاً (مترتب) .

مقدمة صغرى: (ب) ليس صحيحاً.

النتيجة : إذن (أ) لا يمكن أن يكون صحيحاً .

وكمثال على ذلك نعرض ما يلى :

(أ) مقدمة كبرى : لو أن زيد مريض بالحمى (مقدم) فإن درجة حرارته تكون مرتفعة (مترتب) . (ب) مقدمة صفرى : درجة حرارة زيد غير مرتفعة .
 (ج) النتيجة : إذن ، زيد غير مريض بالحمى .

تم رفض الفرض بأن زيد مريض بالحمى باعتبار أن الاختبار الذي أجرى عليه لم يؤيد ارتفاع درجة حرارته - والذي يعد شيئاً مسرتباً على ذلك المرض (الفرض) . وهذه هي فكرة البرهان غير المباشر ، حيث تم رفض الفرض (زيد مريض بالحمى) باعتبار أن أحد المترتبات عليه (درجة حرارة مرتفعة) لم تؤيد . أي أن الفرض لا يختبر بصورة مباشرة ولكن بصورة غير مباشرة عن طريق ما يترتب عليه .

مغالطة تأييد المترتب

إن تأييد الفرض أو أثباته ليس بالأمر اليسير كما في حالة الرفض فلو كانت المقدمة الصغرى: درجة حرارة زيد مرتفعة ، فإننا لا نستطيع أن نؤيد أن زيد مريض بالحمى ، وإلا وقعنا في خطأ منطقي يعرف بخاطة تأييد المسرتب Fallacy of affirming the consequent إن ارتفاع درجة الحرارة قد يكون بسبب مرض آخر خلاف الحمى . كما أن مرض الحمى له أعراض (مترتبات) أخرى يلزم اختبارها والتحقق من وجودها قبل التشخيص . أي أن تأييد الفرض يتطلب تحديد كافة المترتبات عليه ثم اختبارها وأن تكون نتيجة هذه الاختبارات متسقة مع الفرض .

أي أنه إذا أيدت الوقائع ما يترتب على الفرض ، فإن ذلك لا يعد كافياً لإثبات أن الفرض صحيح . إن إثبات ذلك يتطلب أولاً تحديد كافة المترتبات على الفرض ، وهذا أمر ليس ميسوراً في كل الأحوال كما يصعب التحقق من ذلك غير أنه مع ذلك فإن تكرار الأدلة على تأييد المترتبات يزيد من درجة الاقتناع بأن الفرض صحيح .

أي أن العلم يمكنه فقط رفض الفروض . إذ أنه ليس من السهولة إثبات الفروض أو تأييدها . غير أنه باستبعاد فرض أو أكثر فإننا نضيف معلومات نافعة حيث أنه بتقليل مجموعة الفروض البديلة فإننا نقترب من الحقيقة ، وبتكرار الرفض لمجموعة الفروض واحداً تلو الآخر ، يتبقى واحداً يكون بالضرورة هو الفرض الصحيح .

إن الاختبارات الإخصائية تختص بالفروض الإحصائية وتقوم على أساس افتراض أن الفرض صحيح ، ثم نقوم بالحظة ما يترتب عليه ، أي ملاحظة حدث (وهو مشاهدة إحصاء لعينة) ، ونقوم برفض الفرض إذا كان هذا الحدث من النادر وقوعه . وتكون صياغة البرهان كما سبق ذكره في القسم السابق مع إدخال عنصر الاحتمال :

مقدمة كبرى : إذا كان (أ) صحيحاً فإن (ب) يحتمل أن يكون صحيحاً . مقدمة صغرى : (ب) ليس صحيحاً .

النتيجة : إذن (أ) يحتمل أن لا يكون صحيحاً .

وعِمَن إيضاح ذلك بعرض المثال(١) التالى :

مقدمة كبرى : إذا كان مترسط المجتمع ٧٥ (مقدم) فإن مترسط العينة يقع بين ٧٧ ، ٧٧ باحتمال قدر ٩٠٠٪ (مترتب)

مقدمة صغرى : متوسط العينة المسحوبة ٦٥ .

النتيجة : إذن هناك احتمال قدره ٩٠٪ أن يكون الفرض غير صحيح .

⁽١) راجع الجزء الأول ، الباب الرابع - تطبيق (٤-٤) .

٣-٢-٣ أخطاء الاختبار

هناك خطآن يتعرض لهما الاختبار الإحصائي ، خطأ الرفض وخطأ القبول .

خطأ الرفض Rejection error

يقوم الاختبار الإحصائي على أساس رفض الفرض إذا كان (ب) ليس صحيحاً ، وقلاً وذلك على الرغم من أن هناك احتمال أن يكون الفرض صحيحاً ، وقلاً للمنطق السابق عرضه وعلى ذلك يقع متخذ القرار في خطأ يسمى « خطأ الرفض » ويسمى كذلك « خطأ من النوع الأول » Type I error . ويلاحظ أن هذا الخطأ ينشأ بسبب الطبيعة الاحتمالية في الاختبار .

خطأ القبول Acceptance error

وهناك خطأ آخر قد يقع فيه متخذ القرار وينشأ هذا الخطأ من المغالطة المنطقية المتعلقة بتأييد المترتب Fallacy of affirming the consequent كما سبق إيضاحه ، ويسمى هذا الخطأ خطأ القبول ، كما يسمى « خطأ من النوع الثانى » Type II error .

احتمالات حدوث الأخطاء

يمكن تلخيص الموقف في الجدول التالي والذي يوضح ود أربعة مواقف عن فرض العدم تنشأ من:

(١) حقيقة الفرض: فرض العدم قد يكون صحيح وقد لا يكون صحيح.

(٢) القرار حول الفرض: رفض فرض العدم أو قبوله.

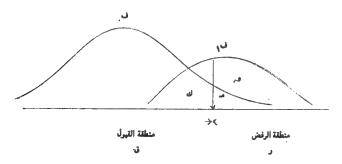
قرض العدم

غیر صعیح (۱۹)	صحیح (ٺ ِ)	الحقيقة القراد
قرار صحیح	خطأ الرفض(I)	رفض
خطأ القبول(11)	قرار صحيح	قبول

أي أن هناك خطأن يحتمل أن يقع الباحث في أحدهمها:

- (١) خطأ الرقض: ويحدث عند رقض الفرض عندما يكون صحيحاً (خطأ من النوع الأول (1)).
- (۲) خطأ القبول: ويحدث عند قبول الفرض عندما يكون غير صحيح
 (خطأ من النوع الثاني (II)).

ويوضع الرسم التالي هذه الأخطاء واحتمالات حدوثها بافتراض أن فرض Simple العدم في والفرض البديل في كلاهما بسيط عا



احتمال خطأ الرفض (م)

ويسمى أيضاً احتمال الخطأ من النوع الأول (I) وكذا مستوى المعنوية Significance level والمستوى الأسمى للاختبار Size of the test . Size of the test .

حيث ر منطقة الرفض ، ق منطقة القيول .

احتمال خطأ القبول (ك)

ويسمى أيضاً احتمال الخطأ من النوع الثاني هو احتمال قبول الفرض عندما يكون غير صحيح أي أن :

$$(Y-Y)$$
 $(II) = -(II) = -(II)$

وفيما يلي بعض الملاحظات عن احتمالات الأخطاء :

(١) توجد علاقة عكسية بين احتمالي الخطأين الأول والثاني - ولذلك فإن
 محاولة تخفيض أحد الأخطاء يكون ذلك على حساب زيادة الخطأ الآخر .

(٢) أن العلاقة بين احتمالي الخطأين ليست بسيطة بحيث يمكن تحديدها وتقدير أي منها بدلالة الأخرى.

(٣) إن احتمال الخطأ من النوع الثاني يصعب تقديره ، إذ أنه يعتمد على الفرض البديل وهو غالباً ما يكون فرضاً غير معين Inexect بعنى أنه يكون الفرض البديل وهو غالباً ما يكون فرضاً غير معين Significance of the test (حكناً مسلماً المنام المال العنم العنال العنم العنال العنم Probability .

عثلاً بعدد كبير من المعالم .

أمثلة أيضاحية:

فيما يلى بعض الحالات التطبيقية لاختبارات الفروض:

التدريب:

لغرض زيادة الإنتاج يتم تدريب العمال في أحد المراكز الخاصة بالتدريب ، وفي أحد المصانغ على سبيل المثال ، يدعى مركز التدريب أن البرنامج يؤدى إلى زيادة إنتاج العامل من ٤٠ وحدة حسب الوضع الحالي إلى ٥٠ وحدة في الساعة وللتحقق من ذلك تم إرسال عينة من عمال المصنع وسجلت إنتاجيتهم بعد إقام التدريب وإذا اعتبرنا أن إنتاج العامل س يكون :

فرض العدم في : متن = ٥٠

ف : ش = ٤٠

ويوجد خطآن :

(١) خطأ الرفض (١) : رفض الفرض بأن متوسط الإنتاج زاد إلى ٥٠ وحدة ، بينما هذا هو الصحيح .

(٢) خطأ القبول (II) : قبول الفرض بأن متوسط الإنتاج زاد إلى ٥٠ وحدة ، بينما هذا غير صحيح .

التشخيص الطبي

الطبيع المتيخصص في الحميات مثلاً) وهو يفحص الرواد الاختيار ما إذا كان الشخص المن عند إصدار

القرار:

خطأ الرقض (النوع الأول) : الشخص غير مريض يالحمى بينما هو مريض بها .

خطأ القبول (النوع الثاني) : الشخص مريض بالحمى بينما هو غير مريض يها .

قرار المحكمة

يكن عمل مناظرة بين قرار المحكمة واختبار الفرض باعتبار أن قرض للعدم هو أن المتهم مذنب . هو أن المتهم مذنب . وأن الفرض البديل هو أن المتهم مذنب . وتكون الأخطاء التي يتعرض لها قرار المحكمة هي كما يلي :

(١) طأ الرقض: رقض قرض العدم (المشهم برئ) أي اعتبار أن المشهم مذنب رغم أنه في الحقيقة برئ .

(٢) خطأ القبول: قبول فرض العدم أي اعتبار المتهم برئ رغم كونه مذنب.
 ويكن عرض المواقف المتعلقة بإصدار القرار فيما يلى:

المتهم مذنب (ف)	المتهم برئ (ف.)	المنينة
		قرار المحكمة
قرار صحيح	خطأ الرقض(I) °°	المتهممذنب
خطأ القبول(II)	قرار صحيح	المتهم برئ

راجم القسم ٣-٢-١ .

المفاضلة بين الأخطاء

لا شك أن صانع القرار يسعى إلى تقليل الأخطاء التي يتعرض لها من كلا النرعين غير أن طبيعة هذه الأخطاء وكما هو واضح من الشكل السابق فإن أي محاولة للتقليل من أحد الأخطاء يكون ذلك على حساب زيادة الخطأ الآخر ، هذا بافتراض حجم عينة معين . ويمكن تقليل كلا من الخطأين بزيادة حجم العينة .

وعلى أي حال فإنه مع حجم عينة معين تظل مشكلة المفاضلة بين النوعين من الأخطاء ، وتحديد المقدار المناسب من كل منهما . أن الإجابة على ذلك تتطلب بالضرورة معرفة مقدار العب، أو التكلفة أو التضحية بسبب كل نوع من الأخطاء . وذلك يتوقف بالضرورة على طبيعة المشكلة ، ونوضح ذلك في بعض المشاكل والسابق عرضها .

التدريب

بشأن هذه القضية ، يوجد خطآن يحتمل أن تقع المنشأة في أي منها ، وقد سبق إيضاح ذلك ، وللمفاضلة بين كلا النوعين من الأخطاء ، نعرض فيما يلي المب أو التكلفة التي يكن أن تتحملها المنشأة من جراء كل خطأ :

(١) خطأ الرفض (١) : حالة رفض الفرض بينما هو صحيح ، أي اعتبار أن التدريب لا يؤدي إلى زيادة الإنتاج بينما هو عكس ذلك فإن المنشأة لن تقوم يتدريب العاملين لديها وبالتالي تضبع الفرصة عليها في زيادة الإنتاج ، ويمكن حساب تكلفة هذه الفرصة الضائعة في صورة الأرباح التي تترتب على الزيادة في الإنتاج .

(٢) خطأ القبول (II) : حالة قبول الفرض بينما هو غير صحيح ، أي حالة اعتبار أن التدريب يؤدي إلى زيادة الإنتاج بينما ذلك غير صحيح ، فإنه يترتب

على ذلك أن تقوم المنشأة بتدريب العاملين لديها وتتكبد بذلك تكاليف ممثلة في نفـقـات التـدريب ، وتكلفة الفرص الضائعة أو الإنتـاج المضـحى به بسبب وقت العمال الضائع في التدريب .

التشخيص الطبي

پخصوص قضية التشخيص الطبي ، فإن الأخطاء المترتبة على القرار ، تعد تكلفتها جسيسة ويصعب تقدير تكلفتها بالمقارنة بالقضايا الأخرى السابق عرضها . فهناك تكلفة وأعباء يتحملها الشخص نفسه وأخرى تقع على الأسرة وأخرى على المجتمع .

(١) خطأ الرفض (١): إن اعتبار الشخص غير مريض يالحمى وهو في الحقيقة مريض ، يترتب عليه عدم منحه العلاج اللازم ، وهذا يضر بصحته ، ويختلف مقدار الضرر حسب الحال ، وقد يصل الأمر إلى الوفاة ، أن تقدير تكلفة ذلك ليس بالأمر اليسير سواء كان ذلك تكلفة العبء الواقع على الشخص نفسه أو على المجتمع .

(٢) خطأ القبول (II): إن اعتبار الشخص مريض بالحمى بينما هو غير مريض بها ، يترتب عليه تعرضه لعلاج لا يناسبه وقد يضر به ، وكذا فإن تكلفة العلاج تكون دون مبرر - بالإضافة إلى ضباع الفرصة على المريض لإجراء فحوص لمعرفة مرضه الحقيقي ، مما قد يترتب عليه عواقب وخيمة . أن كل هذه الأمور يجب تقديرها وحساب تكلفتها المادية والاجتماعية .

قرار المحكمة

أن القضاء غالباً يجدون صعوبة في تحديد درجة الشك المقبولة (الاحتمال) لإدانة شمخص برئ ، أي احتمال الخطأ من النوع الأول . ومن وجهة نظر العدالة يجب تخفيض هذا الاحتمال بقدر الإمكان ولو يصل إلى الصغر ، وهذا يعني استحالة إدانة شخص برئ على إنه من وجهه أخرى فإن تخفيض احتمال إدانة برئ (خطأ أن النوع الأول) يزيد من احتمال الفشل في إدانة المذنبين (خطأ النوع الثاني) وذلك نظراً لزيادة كمية الأدلة المطلبة لتحقيق الإدانة . وعلى أي حال فإن الموائمة بين نوعي الخطأ تتوقف على نوع الجرية ، ويمكن التحكم في ذلك من خلال الإجراءات التنظيمية مثلاً ، كتقييد سلطة رجال الأمن في الحصول على الاعترافات .

المعالجات المنطقية

من الأمور السابق عرضها يمكن إيضاح ما يلي بالنسبة للأخطاء التي يتعرض لها صانع قرار اختبار الفرض:

- (١) بالنسبة لحجم عينة ثابت لا يمكن تخفيض كلا النوعين من الأخطاء ،
 إذ أن تخفيض واحد يعنى زيادة الآخر .
 - (٢) السبيل الوحيد لتخفيض كلا الخطأين هو زيادة حجم العينة .
- (٣) تكلفة أرتكاب أي من الخطأين تتبوقف على طبيعة المشكلة ، وقد يكون أي منهما أكبر الآخر .
- (٤) تكلفة الخطأ تتوقف على طبيعة المشكلة ، وقد يكون ذلك شيئاً قليلاً يمكن حتى اهماله ، وقد يؤدي إلى خسائر جسيمة .
- (٥) تكلفة الخطأ قد يسهل حسابها وتقديرها في بعض الحالات ، كما أنه
 في حالات أخرى يكون ذلك صعباً أو مستحيلاً ، خاصة ما يتعلق بالتكلفة
 الاجتماعية .

وفي ضوء ذلك نصرض أهم الاتجاهات المنطقية المتماحة للمفاضلة بين الأخطاء .

أولاً: زيادة حسجم العسينة بالقدر الذي تسسم به الإمكانات، وذلك في الحالات التي يكون فيها تكلفة كلا من الخطأين جسيمة، وخاصة في حالة وجود صعوبة في تقديرها. إن ذلك يؤدي إلى تخفيض كلا الخطأين وبالتالي تخفيض التكلفة أو العبء الواقع.

ثانياً: اختيار حجم العينة بحيث تكون جملة التكلفة أقل ما يمكن وذلك باستخدام الصيفة التالية:

جملة التكاليف = احتمال الخطأ الأول × تكلفة الخطأ الأول

+ احتمال الخطأ الثاني × تكلفة الخطأ الثاني

+ تكلفة التجربة أو المعاينة (٣-٤)

ثالثاً: تثبيت الخطأ الأول عند مسترى معين ، يتلام مع طبيعة المشكلة ، مع تخفيض الخطأ من النوع الثاني إلى أقل احتمال محكن .

رابعاً: تحديد مستويات معينة ، تكون مقبولة في احتمالات كلا النوعين من الأخطاء الأول والثاني .

٣-٢-٣ فعالية الاختبار

تختلف الاختبارات الإحصائية كما سبق أن أوضحنا . وقد يتاح للباحث أكثر من اختبار لعلاج مشكلته . ونعرض في هذا القسم الصفات التي يكون مرغوباً توافرها في الاختبار ، والمفاهيم المتعلقة بها . كل هذا يلقى على الباحث ضرورة الاحتسام بالمفاضلة بين هذه الاختبارات لاختيار المناسب منها حسب طبيعة المشكلة .

عيز العمليات OC

إن احتمال الخطأ من النوع الثاني (ك) يعتمد على الغرض البديل ، والذي يحوى بدوره على عدد كبير من القيم . وبذلك فإن فهم الاختبار بصورة كاملة يتطلب معرفة كل قيم ك الممكنة والمناظرة لقيم الفرض البديل ($(\cdot))$. إن المنعنى الذي يعرض هذه العالاقة يسمى منحنى عميز العمليات Operating . characteristic curve (OC)

وهذا المنحنى يوضح احتمال خطأ القبول (النوع الثاني) لكل قيم الفرض البديل ، وتوجد خرائط تعرض هذه المنحنيات وتستخدم في تحديد حجم العينة .

قوة الاختيار

تغرف قوة الاختيار (ق) Power of the test بأنها احتمال رفض الفرض عندما يكون غير صحيح ، أي أن :

ويلاحظ أن :

وقيم ق تختلف مع كل قيسه للفرض البديل (ف،). وعند عسرض هذه الملاقة بيانياً نحصل على منحنى القوة Power curve of the test وباعتبار الملاقة العكسية (٣-٣) بين ق ، ك فإن زيادة قوة الاختبار تعنى قاماً تخفيض احتمال الخطأ من النوع الثانى .

كفاءة الاختيار Test efficiency

تعد كفاء الاختبار من أهم الصفات التي تحدد مكانته بالمقارنة بالاختبارات الأخرى . وتعرف كفاء أختبار (أ) بالنسبة إلى اختبار آخر (ب) بأنه نسبة حجوم العينات \dot{v} (\dot{v}) ألتي تتسادى عندها القوة لكلا الاختبارين لنفس الفرض البديل عند نفس مستوى المعنوية ، حيث \dot{v} (\dot{v}) مي حجوم العينات للاختبارين .

ومن ذلك التعريف يتبين أن الكفاء النسبية تعتمد على مستوى المعنوية (م) وعلى قوة الاختبار وعلى البديل المختار من الفرض ف، إذا كان مركباً.

وحيث أن الكفاء النسبية تعتمد على الكثير من العوامل فإنها تشكل صعوبة في التقييم والتفسير . ويمكن تلافي هذه المشكلة باستخدام الكفاء النسبهة التقاربية (كنت) . (Asymptotic relative efficiency (ARE) وهي تعرف بأنها نهاية الكفاء النسبية عندما تؤول ن، إلى ما لا نهاية .

إن الدراسات النظرية والتجريبية Empirical للكفاءة النسبية لحجوم مختلفة من العينات توضح أنها قريبة جداً من الكفاءة النسبية التقاربية . ولذا تبدو أهمية استخدام (ك ن ت) لاختيار الاختيار الأكثر قوة حتى في حالة العينات الصغيرة .

الاختيار الأكبر قوة

يتطلب اختبار الفرض كما سبق ذكره تقسيم فراغ العينة إلى منطقتين ، منطقة قبول ومنطقة رفض أو منطقة حرجة Critical region . وتعرف أفضل منطقة حرجة (BCR) بأنها المنطقة التي تجعل احتمال الخطأ

من النوع الثاني أقل ما يمكن وهذا يعني أن تكون قوة الاختبار أكبر ما يمكن ، وذلك بالنسبة لمسترى معنوية ثابت (احتمال الخطأ من النوع الأول) .

ويعرف الاختبار الذي يبني على أفضل منطقة حرجة بأنه الاختبار الأكبر قوة (Most Powerful test (MP) . وهذا الاختبار متاح دائماً عند اختِبار فرضٍ بسيط ضد فرض آخر بسيط .

أي أنه إذا كان فرض العدم بسيطاً ف : م = م والمطلوب اختباره ضد فرض بديل بسيط أيضاً ف $_1$: $_2$ = $_3$ فإن الاختبار المبنى على منطقة الرفض يسمى الاختبار الأكبر قرة بستوى معنوية ما إذا تحققت الشروط التالية :

$$(Y) = (\omega \in (1/\gamma)) \ge 3 (\omega \in (1/\gamma))$$

لأي منطقة ر

الاجتبار المنعظم الأكبر قوة

يختلف الحال عند وجود قرض مركب Composite وهذا ما يكون غالباً في المشاكل العملية . وفي مثل هذه الحالات نلجاً إلى اختبار من نوع آخر يتمتع بعدد من الصفات المرغوبة ويسمى الاختبار المنتظم الأكبر قوة Powerful (UMP) .

قإذا كان المطلوب اختبار قرض بسيط ف. : م = م. ضد قرض مركب ف $^{\circ}$: م $^{\circ}$ حيث (م) هي المجموعة التي تحوى القيم البديلة قإن الاختبار المبنى على منطقة الرقض (ر.) يسمى الاختبار المنتظم الأكبر قوة $^{\circ}$ UMP من المستوى

(م) إذا تحققت الشروط التالية:

$$(Y) = (\ oo \in \ (\ |\ \ _{1}) \ge = (\ oo \in \ (\ |\ \ _{1})) \ge (Y)$$

لكل قهم م ، وذلك لأي منطقة رفض ر

ولكن مثل هذا الاختبار لا يكون متوفراً في كل الحالات فإذا كان الفرض البديل موجهاً أي من جانب واحد فإن مثل هذا الاختبار يكون متوفراً في معظم الأحيان بينها إذا كان الفرض البديل من جانبين فإننا لا نحصل في معظم الأحيان على اختبار منتظم أكبر قوة UMP .

وفي هذه الجالة فإن الأمر يتطلب أن يكون الاختبار غير متحيز . Unbiassed

August التحيز Unbiasdness

يسمى الاختيار المبنى على منطقة الرفض ر متحيزا Biassed إذا كانت قوته لأي يديل م أصغر من مستوى المعنوية (احتمال الخطأ من النوع الأول) أي إذا كان :

لأي قيمةم. ∈م

أن الاختبار المتحيز غير مرغوب فيه حيث يكون احتمال رفض ف. عندما يكون صحيحاً أكبر من احتمال رفضه عندما يكون غير صحيح .

ومن ذلك يكن تعريف الاختبار غير المتحيز بأنه الاختبار الذي يكون فيه احتمال رفض الفرض ف عندما يكون غير صحيح ، دائماً أكبر من احتمال رفضه وهو صحيح ، أي يكون قوة الاختبار دائماً أكبر من معنويته ، أي :

الاختيار غير المتحيز المنتظم الأكبر قرة

إذا كان القرض البديل مركباً من جانبين قائنا لا تحصل في معظم الحالات على اختيار منتظم أكبر قوة UMP . وفي هذه الحالة نهنت في مجموعة الاختيارات غير المتحيزة ، وتختار منها اختياراً يتمتع بالعديد من الصغابت المرغوبة ، ويسمى هذا الاختيار غير المتحيز المنتظم الأكبر قوة من المبيعوي بالمرغوبة . ويسمى هذا الاختيار غير المتحيز المتعظم Uniformly most Powerful unbiased test

$$(Y) = (\omega \in (-|a|)) \ge (-|a|)$$

لكل قيم م، ولأي منطقة ر

الإنساق Consistency

في أي من حالات اختيار الغرض فإنه لكل حجم عينة مختلف يمكن تصور أننا بصدد اختيار مختلف وذلك لأن فراغ الهيئة وكذا المنطقة الحرجة تعتمد على حجم العينة. ولذلك فإنه بزيادة حجم العينة، يمكن تصور أننا بصدد متسلسلة من الاختيارات، واحد لكل حجم عينة معين. ويقال للاختبار أنه متسق Consistent إذا كانت قوة الاختبار لأي مجموعة من البدائل تؤول إلى واحد بزيادة حجم العينة ، أي عندما تؤول ن إلى ما لا نهاية.

٣-٢-٤ تفسير النتائج

تتوقف نتيجة الاختبار (١) الإحصائي على القيمة المشاهدة لإحصاء الاختبار والقرار هو: الرفض أو القبول . ونوضع فيما يلي كل حالة منها ثم نوضع طبيعة كل من المعنوية الإحصائية والمعنوية العملية .

الرفض Rejection

ويكون عند وقوع قيمة الإحصاء (ص*) والمحسوبة من العينة ، في منطقة الرفض وهذا يرادف أن يكون مسترى المعنوبة الحقيقي لقيمة الإحصاء (ح) أقل من مستوى المعنوبة الإسمى (م) . ويفضل استخدام الإجراء الأخير ذلك أن معرفة مسترى المعنوبة الحقيقي يعد أفضل مؤشر عن مدى مصداقية الفرض محل الاختيار .

وعلى أي حال فإن نتيجة الاختبار يمكن تقريرها بأي من العبارات التالية :

(١) الاختبار يقرر رفض فرض العدم .

(٢) الاختبار يقرر أن المشاهدات (قيمة الإحصاء) معنوية إحصائياً . . Statistically significant ، أو ياختصار: النتيجة معنوية .

إن رفض قرض المدم يعد هدفاً للباحث كما سبق أن ذكرنا ، وذلك لأنه يذلك يؤيد فرضه البحثي وهو الفرض البديل .

⁽١) راجم القسم ٣-١-٢ والحاص بأنواع الاختيارات .

القبول Acceptance

ويحدث عند وقوع قيمة الإحصاء في منطقة القبول. وفي هذه الحالة يمكن تقرير أي من العبارات التالية:

- (١) عدم التمكن من رفض فرض العدم .
- (٢) مجموعة المشاهدات ليست معنوية إحصائياً ، وباختصار : النتيجة غير معنوية .

إن قبول الفرض لا يعنى برهاناً على صحته ، إذ قد يكون نتيجة لعدم كفاية العينة . ويوضح ذلك الأمر المثال الخاص بقرار المحكمة (القسم ٣-٢-٢) حيث أن صدور قرار باعتبار أن المتهم برئ (قرض العدم) لا يعنى برهاناً على براءته ، ولكن يعنى فقط عدم كفاية الأدلة .

المترية الإحصائية والمعرية العملية

كلمة « معنوي » Significant تعنى هام أو جوهري كما توضحه العبارات التالية :

- « حصل العاملين على علاوات معنوية أي جوهرية »
 - « حدث تغير اقتصادي معنوي في هذه المنطقة »

والمعنوبة العملية Practical significance تحدد حسب طبيعة الأشياء محل البحث وتحكمها القيم السائدة في المجتمع.

أما المعنوية الإحصائية Statistical significance فيهي تبنى على نظرية الاحتمالات ، وهي تعنى أن المشاهدات تعبر عن شئ غير متوقع حدوثه بالصدفه . ويقتضى التفسير الصحيح للنتائج تحديد المستوى الذي تبنى عليه المعنوية

الإحصائية ، والذي قد يكون واحداً عما يلي ، ويفضل العمل بهما معا :

(أ) مستوى المعنوية الحقيقي Exact وتعد هذه القيمة ، كما سبق ذكره ، أفضل مؤشر عن مدى مصداقية Credibility الفرض محل الاختبار .

 (ب) مستوى المعنوية الإسمى Nominal وهذا يحدد اختيارياً قبل بداية التجرية ، ويتوقف على طبيعة المسكلة وتكلفة الأخطاء المحتملة .

وعلى أي حال فإن المعنوية الإحصائية ، وكما سبق ذكره تعبر عن شئ غير متوقع حدوثه بالصدفة . على أنه يلزم وجود ضريط لقياس ذلك وللفصل بين ما هو محتمل Likely أو يمكن إرجاعه للصدفة وبين ما هو غير محتمل Unlikely.

بخصوص هذه المشكلة ، يوجد عرف Convention وضعه الإحصائيون ، ويعمل به منذ سنوات طويلة ، يقضي بما يلي :

(١) أي نتيجة يكون احتمالها أقل من ٠,٠٥ تعد معنوية Significant

(٢) أي نتيجة يكون احتمالها أقل من ٠١. تعد معنوية بدرجة كبيرة Highly significant .

وتلقى هذه القواعد قبولاً عاماً من الإحصائيين والباحثين ، غير إنها غبر ملزمة ويمكن استخدام أي مستوى آخر يكون مناسباً للسنة محل الاختبار فالكثير من الباحثين يستخدمون هذه المستويات المراسعة باعتبارها قواعد جامدة دون أي محاولة لاستخدام مستويات قد تكون المان منها . كما أن هذا التحديد أدى إلى عرض الكثير من جداول التوزيعات الإحصائية بالمراجع بصورة غير كاملة ، حيث تقتصر على عرض مستويات المعنوية ٥٠٠٠، ١٠٠٠ فقط .

في العرض السابق تم إيضاح مفهوم المعنوية الإحصائية للتغرقة بينه ويين

المعنوية العملية . ولذلك قد نواجه يحالات تكون فيها النتيجة معنوية إحصائياً غير أنها غير معنوية من الناحية العملية ، كما هو موضع في التطبيق (٣-٢) ، وبالعكس توجد حالات تكون فيها النتيجة غير معنوية إحصائياً غير أنها تكون معنوية من الناحية العملية . ومهما يكن الأمر فإن المعنوية الإحصائية ضرورة منطقية .

٣-٢-٥ خطرات الإختبار

نبين فيسما يلي خطوات إختبار الفرض ، وهذه قد ثم عرضها بإسهاب في الفصول السابقة ، ونعيد عرضها لتوضيح وتأكيد الترابط القائم بينها .

(١) صياغة الفرص في صورة إحصائية قابلة للإختبار ، وإعادة عرضه على هيئة فرضان ، فرض العدم (ف.) والفرض البديل (ف،) ، وهذا الأخير يعبر عن الفرض البحثى وقد سبق إيضاح ذلك تفصيلاً في القسم (٣-١-١)

(٧) تحديد الإختيار الإحصائي المناسب . يوجد عدد كبير من الإختيارات الإحصائية . وهذه تختيار الإحصائية . أهمها خواص المجتمع المستهدفة ، ومستويات القياس للمتفيرات ، ومدى توافر بعض الشروط ، وقد سبق إيضاح ذلك في القسم (١-٧-٣) . وبعد مراعاة هذه الأمور يستقر الهاحث على مجموعة من الإختيارات المناسبة والممكن إستخدامها ، وعليه عندئذ أن يفاضل بين هذه المجموعة الأخيرة ليختار منها الإختيار الذي يتمتع بصفات جيدة يكون من المرغوب توفرها ، وقد تم إيضاحها في القسم (٣-٣-٣) .

 (٣) تحديد إحصاء الإختبار . وقد تم عرضه في القسم (٣-١-٣) وهو على أي حال يتم تحديده بجرد معرفة الإختبار المستخدم .

- (٤) تحديد توزيع المعاينة لإحصاء الإختيار ، وهناك عدة طرق (١) تستخدم وأهمها الإستعانة بالنظريات الإحصائية .
 - (٥) تحديد طريقة المعاينة أو تصميم التجرية الأكثر ملاتمة .
- (١) تحديد حجم العبينة ، ويتم ذلك في ضبوء العبديد من العبوامل والإعتبارات ، وقد تم إيضاح ذلك في القسم (١-٢-٤) في حجم العينة وكذا في القسم (٣-٢-٤) عند عرض المالجات المنطقية لأخطاء الإختبار .
- (٧) تحديد مستوى المعنوية الإسمى (م) . وقد تم توضيح ذلك في القسم
 (٣-٢-٣) ، حيث تم عرض أساس المفاضلة بين الأخطاء وكذا المعالجات المنطقية
 (يها .
- (A) تحديد المنطقة الحرجة أو منطقة الرفض ، وهذا يتم إستناداً إلى إحصاء الإختبار وتوزيع المعاينة ومستوى المعنوية وما إذا كان الإختبار من جانب واحد أو من جانبن .
- (٩) إجراء التجربة أو المسع وجمع البيانات بإستخدام عينة إحتمالية من المجتمع محل الإستقراء.
 - (١٠) حساب قيمة الإحصاء ، من واقع البيانات المشاهدة للعينة .
- (١١) نتيجة الإختيار: وتحدد بموقع قيمة الإحص المشاهدة، ويرفض الفرض إذا وقعت القيمة في منطقة الرفض، ويقبل إذا و نالقيمة في منطقة الرفض. القيول .
- (١٢) حصاب مستوى المعنوية الحقيقي (ح) . وتعد هذه القيسة من

⁽١) لمزيد من التفاصيل ، راجع الجزء الأول ، البلبي الرابغ ،

المؤشرات الهامة في تفسير النتيجة ، وقد تم إيضاح ذلك في القسم (٣-١-٢) في إختيار المعنوية البحتة .

(١٣) تفسير النتيجة بتحديد المعنوية الإحصائية والمعنوية العملية ، وقد تم إيضاح ذلك في القسم (٣-٢-٤) .

٣-٣ إختبار الفرض حول متوسط المجتمع

نعرض فيما يلي غوذجاً لأحد الإختبارات بإعتباره تطبيقاً وتوضعياً للإجراءات والمفاهيم المتعددة والسابق عرضها في أماكن مختلفة ، وبعد هذا الإختبار ويطلق عليه الإختبار الطبيعي Normal test من الأساليب⁽¹⁾ الشائعة .

٣-٣-١ خطوات الإختبار

(١) الشكلة :

إختبار الفرض بأن المتوسط الحسابي للمجتمع س يساوي قيمة معينة س.

(٢) الإفتراضات :

أ - عبنة عشرائية بسيطة .

ب - مسترى القياس للمتغير فتري Interval .

ج - تباين المجتمع معلوم .

⁽١) الجزء الثالث من الكتاب مخصص لعرض شامل الأساليب الإستقراء .

(٣) قرش العدم :

ف: ش= تش.

رهذا يكافئ تماماً إستخدام الصيفة س ≤ س أو س ≥ س على الترالي بالنسبة للفروض البديلة (أ) أو (ب) للموضحة أدناه .

(٤) القرض البديل:

وهذا قد يأخذ أحد الصور التالية :

(ه) إحصاء الإختبار

حيث من هو متوسط العينة

$$\frac{\sigma}{\delta \sqrt{s}} = \bar{\sigma} \sigma$$

وفي حالة السعب مع الإجاع ، أو إذا كانت
$$\frac{\dot{\upsilon}}{\dot{\upsilon}}$$
 (۱۸ - ۷)

$$\frac{\dot{\tau}}{\dot{\upsilon}} = \frac{\dot{\tau}}{\dot{\upsilon}} = \frac{\dot{\tau}}{\dot{\upsilon}}$$
(۱۸ - ۷)

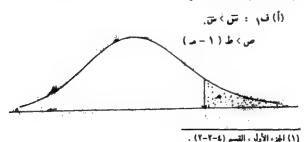
في حالة السحب يدون إرجاع

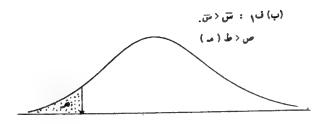
(١) توزيع الماينة

غارر النظريات(١١) الإحصائية أن تن يتبع التوزيع الطبيعي بتوسط قدره عُنَنَ وَأَنْحِرَافَ مَعِيارِي ٥ سَ . ويذلك قان توزيع المعاينة للإحصاء ص يكون هو الترزيع الطبيعي المياري .

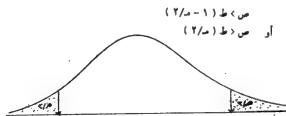
(V) قامدة القرار

حِفرض أن مستوى المعنوية (مم) ، يقبل فرض المقدم إذا وقلا قيمة ص في منطقة القبول . ويرفض فرض العدم إذا وقعت قيمة عن في منطقة الرفض ، وكما هي موضحة في كل حالة بما يلي:









(٨) سمب العينة

تسحب عينة عشرائية بسيطة من المجتمع .

(١) قيمة الإحصاء

يتم حساب قيمة الإحصاء المشاهدة كما هو موضع في الخطوة (٥) .

(١٠) نتيجة الاختبار

وللجدد كما هو موضح في الخطوة (٧) .

يقرر المسئولين عن النواحي الصحية عن المياه في أحد المجتمعات أن الحد الأقصى المسموح به من البكتريا هو ٧٠ لكل سم٣ من إلمياه وتكون الحالة خطيرة إذا ما زاد المترسط عن ٧٠ حيث يؤدى أكل الأسماك المستخرجة من هذه المنطقة إلى الأصابة بالتهاب الكهد.

في مسح صحي لأحد المجتمعات تم سحب عينة من المياه حجمها ٣٦ ووجد أن متوسط عدد البكتريا هو ٧٣ لكل سم٣ . فإذا علم أن المجتمع يتبع التوزيع الطبيعي بانحراف معياري ٥ . المطلوب اختبار الفرض بأن المياه صحية بمستوى معنوية ١ ٪ .

$$V, T = \frac{V - VV}{VT} = \frac{\overline{W} - \overline{W}}{\overline{V}} = \frac{V - VV}{\overline{V}}$$

وحيث أنه أكبر من ٢,٣٣ فإننا مرفض قرض العدم ، وتقبل الفرض البديل ، أن أن المياه غير صحية .

تطبیق (۲-۲)

إذا علم أن المعدل الطبيعي لنبضات القلب في أحد المجتمعات هو ٧٠ نبضة في الدقيقة بانحراف معياري ٥ نبضات . في قحص لعينة من ٦٤ من المرضى في إحدى المستشفيات ، تبين أن مترسطها الحسابي ٧٧ نبضة . فهل بعد النبض لهذه المجموعة طبيعي بستوى معنوية ٥٠. .

الحل:

$$\Psi, Y = \frac{\psi - \psi_{1}}{32\sqrt{\sqrt{\sigma}}} = \frac{\psi - \psi_{1}}{\sqrt{\sigma}} = \frac{\psi}{\sqrt{\sigma}}$$

وبالرجوع لجدول التوزيع الطبيعي ، نجد أن مستوى المعنوبة الحقيقي هو ١٠٠٠٧ وهو أقل من مستوى المعنوبة الإسمي ١٠٥٠ وهذا يعني أن النتيجة معنوبة بدرجة كبيرة .

ملحوظة : على الرغم من وجود معنوية إحصائية كبيرة ، فإنه لا توجد في المقيقة معنوية عملية ، إذ أن معدل النبض ٧٧ يدخل في المدى الطبيعي .

تطبیق (۳-۳)

إذا كان متوسط وقت العمل الإضافي في الأسبوع في إحدى الصناعات هو ٩ ساعات . وبعد تغيير ظروف العمل في هذه الصناعة تم سحب عينة من مائة عامل ، ووجد أن متوسط الوقت الإضافي لها هو ٨ . والمطلوب اختيار الفرض بأن متوسط الوقت الإضافي لم يتغير في هذه الصناعة بمستوى معنوية ٥٠٠٠ علماً بأن الإنحراف المعياري للمجتمع هو ١٠٠٠

$$1 - = \frac{1 - \lambda}{1 \cdot \cdot \cdot \cdot / / 1} = \frac{1 - \overline{\omega}}{\overline{\omega} / / \sigma} = \omega$$

وحيث أن ط (١,٩٧٥) = ١,٩٦٦ ، ط (١٠٢٥) = - ١,٩٧٩ فسإننا لا نستطيع رفض فرض العدم .

تطبیق (۳-٤)

تدعى الحكومة بأن متوسط دخل الأسرة في إحدى الطبقات هو ٢٠٠ جنيه شهرياً. بينما تدعى المؤسسات الخيرية بأن الدخل أقل من ذلك. تم سحب عينة عشوائية من ٢٧٥ أسرة وكان متوسط الدخل ١٩٠ جنيه وتباين المجتمع ٩٠٠ والمطلوب إجراء الاختبار بمستوى معنوية ٥٠٠٠.

ن. : ش = ۲۰۰

ن، : ش < ۲۰۰

$$0 - \frac{Y \cdot \cdot - 19 \cdot}{Y \cdot 0 \sqrt{T}} = \frac{Y \cdot \cdot - \overline{\omega}}{\overline{\omega} \sqrt{\sigma}} = \omega$$

ط (٥٠,٠٥) = - ١,٦٤ أَوْنَ تُرفَضَ قَرضَ الْعَدَم .

تطبيق (٣-٥)

آلد أتوماتهكية لتقبئة الأدوية مصممة لملأ العبوة يكمية من الدواء قدرها ٢٠ جرام وإنحراف مهياري ٣ جرام . ٢٠ زجاجة وجد أن ٢٠ حرسط وزتها ١٩ جرام . قهل يعني ذلك أن الآلة تعمل يصورة سليمة ؟

ألحل : العطبيق يمثل اختبار للمعنية .

$$= \frac{(14)}{(1 \cdot 1)}$$

وحيث أن هذا الاحتمال صغير جدا ، قيان القهمة المشاهدة ١٩ جرام تعد شئ نادر الحدوث وعلى ذلك نرقض الفرض يأن الآلة تعبل بصورة سليمة .

يدعى أحد مراكز التدريب أن يرنامجه الذي يطبقه على عمال أحدى المشآت ، يؤدي إلى زيادة متوسط إنتاج العامل إلى ، فيوجدة بينما ترفض المنشأة ذلك الأدعاء وترى أن متوسط إنتاج العامل بان على حالة وهو مدك وحدة . قام مدير الأفراد بالمنشأة بسحب عينة عشوائية من ٣٦ عاملاً ووجد أن متوسط إنتاج العامل هو ٤٠ وحدة والمطلوب اختيار فرض المنشأة بأن متوسط إنتاج العامل هو ٤٠ وحدة فقط ، بمسترى معنوية ٥٠ ، ، إذا علم أن الانحراف المعياري في المجتمع ١٥ وحدة .

الحل :

ف : س ≃ ٥٠

ف، : ش = ٤٠

$$Y - = \frac{\sigma - 10}{\overline{T} \sqrt{10}} = \frac{\overline{\sigma} - \overline{\sigma}}{\overline{\sigma}} = \underline{\sigma}$$

ط (٠,٠٥) = - ط (٠,٠٥) ل

وحيث أن قيمة الإحصاء - ٢ < - ١٥ , ١ أي تقع في منطقة الرفض ، لذا ترقض فرض العدم ونقيل الفرض البديل .

تطبیق (۳-۷)

تقدم بعض الأطباء لتقايتهم بشكوى تفييد أن أحد الأدوية الذي يباع بالمسيدليات وزنه أقل من المقرر وهو ٢٥ جرام . قامت الجهات المكومية الصحية يسحب عينة حجمها ٣٦ عبوة من السوق ووجد أن متوسطها ٢٣ جرام . فإذا علم أن الاتحراف المعياري في المجتمع هو ٤ جرام ، والمطلوب اختبار قرض الأطباء هستوى معنوية ١ ٪

: 141

ک : ش = ۲۵

ف₁: ش < ۲۵

$$r = \frac{r_0 - r_r}{r_1 \sqrt{\epsilon}} = -r$$

وحيث أن قيمة الإحصاء المشاهدة (-٣) أقل من ط (١٠,٠١) = - ٣.٣٣ أذن نرفض فسرض العدم - ونقبل الفرض البديل. أي أن الأطباء على حق في شكراهم.

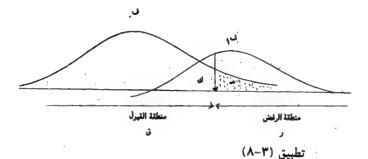
٣-٣-٣ تحديد حجم العينة

يوجد عدد كبير من النماذج الخاصة بتحديد حجم العينة وقد سبق توضيح ذلك في الجزء الخاص بحجم العينة في القسم (١-٧-٤). وتعرض فيسما يلي غوذجاً لتحديد حجم العينة الذي يجعل احتمالات الأخطاء ثابتة ومحددة بقيم معينة يقبلها الباحث.

افتراضات النموذج :

- (١) المجتمع كبير ، والمتصود بذلك هو أمكان تجاهل معامل تصحيح المجتمع المحدود .
- (٢) المجتمع يتبع التوزيع الطبيعي . ويمكن تجاهل هذا الشرط في الحالات التي ينتج عنها حجم عينة كبير .
 - (٣) تباين المجتمع معلوم .
- (٤) المطلوب اختبار فرض بسبط ن. : س = س. ضد فرض آخر بسبط ف، : س = س، ، س،
 کس.

في هذه الحالة يحدد حجم العينة بالصيغة التالية :



في إحدى الدراسات عن أحوال العمالة يراد اختبار الفرض بأن متوسط عدد ساعات العمل في إحدى المهن هو ٨ ساعات ضد ١ دعاء آخر (الفرض البديل) بأن المتوسط هو ٩ ساعات . والمطلوب تحديد حجم العينة الذي يجعل احتمال الخطأ من النوع الأول ٥٠٠٠ واحتمال الخطأ من النوع الشاني ١٠٠٠ على الترتيب . وذلك علماً بأن الاتحراف المعياري في المجتمع ١٠٨٨ .

الحل :

$$v = \begin{bmatrix} \frac{\sigma(d_{n} + d_{0})}{\sigma} \end{bmatrix} = v$$

$$YA = Y[\frac{(1, YA + 1, Ya), A}{A - 4} =$$

تطبیق (۳-۹)

الحل :

$$V = \frac{(da_{-} + db) \sigma}{\sqrt{m} - \overline{m}}$$

$$\Upsilon^q = \Upsilon \left[\frac{(1, \xi) + \gamma, \cdot o) \xi o}{(\gamma o - \gamma)} \right] =$$

تطبيق (۲-۱۱)

في اختبار للفرض : س = ١٥ جرام ضد س = ١٥, ١٤ المطلوب تحديد حجم العينة اللازم بحيث لا يتعدى احتمال خطأ الرفض ١٠,٠٠ واحتمال خطأ القبول ٢٠,٠٠ وذلك إذا علم أن الانحراف المعياري للمجتمع هر ٩.

الحل :

$$Y_{\{} = \frac{\sigma \left(\frac{d_{n} + d_{b}}{\sigma} \right)}{\sigma} = 0$$

$$\frac{777}{2} = \frac{7}{2} \left[\frac{(7, 0+7, 77)}{2} \right] = \frac{777}{2}$$

المراجع

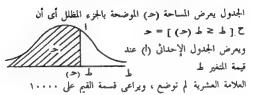
- Ackoff, R. L. et al (1962), Scientific method, optimizing applied research decisions, John wiley & Sons, New york.
- (2) Barnett, V. (1982), Comparative statistical inference, Johin wiley & Sons, chichester, New york.
- (3) BrySon, M. C. and Heiny, R. L. (1981), Basic Inferential statistics, Prindle, weber & Schmidt, Boston.
- (4) Dixon, W. J. and Massey, F. J. (1983), Introduction to statistical analysis, Mcgraw - hill book co., Auckland, London, Tokyo.
- (5) Degroot. A. D. (1969), Methodology, foundations of inference and research in the behavioral sciences, Mouton - the Hague - Paris.
- (6) Guenther, W. C. (1973), Concepts of statistical inference, Mcgraw hill book Co., New york.
- (7) Goon, A. M. et al (1983), Fundamentals of statistics, The world press private ltd., calcutta.
- (8) Harshbarger, T. R. (1977), Introductory statistics, A Decision map, Macmillan publishing co., Inc., New york.
- (9) Kahane, H (1971), Logic and Contemporary Rhetoric: The use of reason in everyday life, wadswarth publishing Co., Belmont, california.

- (10) Kendall, M. G & Stuart, A. (1979), The advanced theory of Statistics, Vol. II, Statistical inference, Griffin, London.
- (11) Huntsberger, D.V and Rillingsley, p. (1977), Elements of statistical inference, Allyn and Bacon, Inc., Boston, London.
- (12) Lehmann, E. L. (1959), Testing statistical hypotheses, John wiley & Sons, Inc., New york.
- (13) Langley, R. (1979), Practical statistics, Pan books, London, Sydney.
- (14) Levy, S. G. (1968), Inferential statistics for the behavioral sciences, Holt, Rinehart and winston, Inc., New york.
- (15) Larson, H. J. (1982), Introduction to Probability theory and statistical inference, John wiley & Sons, New york.
- (16) Melsa, J. L. and cohn, D. L. (1978), Decision and estimation theory, Mcgraw - hill, Inc., Tokyo.
- (17) Pratt, J. W. and Gibbons, J. D. (1981), Concepts of Nonparametric theory, springer - verlag, New york, Berlin.
- (18) Mood, A. M. et al (1974), Introduction to the theory of statistics, Mcgraw hill, Inc., Auckland, London, Tokyo.
- (19) Rao, C. R. (1973), Linear statistical Inference and its applications, wiley eastern private limited, New Delhi.
 - (20) Saxina, H. C. and surendran, P. U. (1967), statistical Inference, S. chand & Co., Delhi, New Delhi.

- (21) Savage, L. J. (1962), The foundations of statistical inference, Methuen, co. ltd., London, New york.
- (22) Searles, H. L. (1968), Logic and scientific methods, the Ronald Press co. New york.
- (23) Silvey, S.D. (1975), statistical inference, chapman and Hall, London, New york.

التوزيع الطبيعي المعيارى

Standard normal distribution-



1	ح	7	ţ	ح	٦
7979	*177	•,13	TANA	0	,
7477	0770	+,1Y	7484	0.1.	*, * \$
4440	4Y11	۸۴,۰	¥484 1	0.4.	*,**
7914	9494	+,15	4444	917.	٠,٠٣
441.	9747	٠,٣٠	74A3	017.	٠,٠٤
74.7	PATT	., ٧١	7441	0144	1,10
TA41	*AY1	٠,٢٢	T9AY	PTTO	1,13
TAAG	091.	., **	744.	PYYG	٠,٠٧
TAYS	0911	., 7 £	7477	PITS	- 1,18
TATY	PAR	4,40	7977	9709	4,44
TARY	1.71	٠,٢٦	74Y+	APTA	٠,١٠
TAEV	3+38	٠,٢٧	7970	PETA	4,11
YAT3	31.7	47,1	7531	PEVA	1,11
TATO	7161	+, ۲4	7907	0017	1,17
. 4414	1174	1,71	7901	9999	1,18
TA - T	3717	1,71	7910	0017	1,10

التوزيع الطبيعى المعيارى

\$	2	7	1	>	ط
71 EA	V.01	.,01	TV9.	7700	1,77
7279	Y. AA	.,00	TYVA	4797	٠,٣٣
743.	V177	1,0%	7770	1441	1,71
7741	YIOY	.,04	TVOT	3734	1,70
TTYT	V15.	4,0A	7774	74.7	.,73
TTOT	YYYE	1,04	TYTO	7447	.,**
****	YYOY	.,1.	7717	764.	٠,٣٨
	7741	17,1	T34V	7017	1,79
7717	YTTE	•,37	TAFT	1001	., \$
****			7334	1011	1,61
7771	YTAY	٠,٦٣			
TTO	VTA4	1,75	Tler	7777	1,57
444.	VETY	•,%•	#14V	1111	*,47
44.4	V101	+,%%	7771	17.	+,11
TIAY	V\$A3	4,37	41.0	1771	1,10
*133	Yelv	4,5A	TOAS	7777	1,6%
T111	Yeta	+,55	TOYT	7A+A	+,£Y
TITT	Y0A+	۰٫۷۰	T000	1466	., 4 ^
*1.1	V111	٠,٧١	TOTA	7.474	1,59
T.YS	YTEY	1,77	7971	1910	1,01
****	V1VF	٠,٧٣	70.7	150.	1,01
T.TE	VV - £	۰,۷٤	TEAD	11/0	.,04
F+11	VYTE	1,70	YERV	V-14	1,08

التوزيع الطبيعى المعيارى

1	>	ط	1		7
7578	۸۳٦٥	+,4A	79.49	7775	•,٧٦
7111	ATAS	,44	1411	VV4£	VV
7 5 7 +	AEIT	1,	7927	VATE	VA
1741	٨٤٣٨	1,+1	797.	YAOY	V4
1771	A631	1,+4	YARV	YAAN	۸٠
771V	A£Aa	1,.4	TAVE	V41.	A1
****	٨٠٠٨	1,+£	YA0.	VATA	AT
***4	APTI	1,.0	YATY	V43V	٨٣
**	ADDS	1, + %,	74.7	V440	As
***	AAYY	1,+7	YVĄ.	۸۰۲۳	٨٠
***	1099	1,48	7447	A+01	AT
***	ATTI	1, . 4	7777	A+YA	AV .
1114	۸٦٤٣	١,١٠.	77.4	A1.3	٨٨
1100	٩٢٦٨	11	Y 1, 1, 0	AITT	
Y171	ARA	11	7331	A1#4	4+
*1.V	۸۷۰۸	117	7777	8183	41
***	AV74	16	7317	4114	. 97
7.04 -	AY44	.10	PAGY	ATTA	17
Y+27	۸٧٧٠	- 13	1010	ATTE	44
7.17	AV4 .	17	1961	PAYA	40
1464	441.	14	1017	A710	44
1970	۸۸۳۰	1,14	7897	ATE .	1,40

التوزيع الطبيعى المعيارى

. ! .	2	ط	'	-	ه ا
1107	4777	1,67	1957		1,7.
1270	4777	17	1919	AA33	41
1110	1979	££.	1490	۸۸۸۸	**
1741	4770	10	1477	ARIV	. 17
1775	4774	44	1889	ARYO	3.7
1701	4747	٤٧	1844	A411	40
1776	97.7	٤٨	14-1	ARTY	44
1710	9719	69	1741	AAA	**
1740	9777		1404	A44Y	. 44
1777	9710	٥١	1777	4.10	74
1704	4707	94	1711	9.44	۳.
1444	177.	٥٣	1771	4+64	71
. 1714	3744	oí	1114	4.77	. 44
38	4448 -	00	1747	9+44	٣٣
1141	46.4	٥٦	1111	4.44	71
1174	4114	٥٧	17.5	9110	40
1110	9579	٥٨	1044	9171	**
1177	4661	. 94	1071	9164	۳۷
11+4	1101	٦.	1074	4117	۳۸
1.44	9878	71	1014	1177	71
1.75	1471	7.7	1547	9197	£ 1
1.04	4686	1,75	1477	44.4	1,£1

التوزيع الطبيعي المعيارى

1	ح	Ъ	1 ,	2	٦
. ٧ . ٧	4484	1,43	1 = 1 .	4840	1,11
+141	4748	AY	1.77	40.0	3.0
147	4144	٨٨	11	4010	33
+114	44.1	۸٩	+4.44	4070	٦٧
.303	4412	4+	• 977	9070	٦٨
+711	4714	41	. 9.07	9010	14
• 388	4771	47	.41.	1001	٧.
.77.	4777	47"	.410	9071	٧١
. 3 . A	4774	4.6	.4.4	SOYT	7.7
.047	4766	40	• ۸۹۳	4044	VŤ
	440.	41	• 444	1091	V£
	4707	4٧	• ٨٦٣	1011	V0
. 07.7	4731	4.6	- 8 4 8	41.4	V3
.001	4717	44	• 477	4717	VV
	4444	٧,٠٠	.414	4170	٧٨
	4444	7,+1	***	4777	V4
.014	4444	٧,٠٧	. ٧٩٠	1751	۸۰
	4444	٧,٠٣	.770	4164	۸۱
. 144	9797	٧,٠٤	174.	4707	AY
+ \$ A A	4744	٧,٠٥	* VEA	4112	٨٢
	98.4	7,+3	.YY1	4771	A£
	- 44+4	٧,٠٧	. ٧٢١	AYFF	1,40

التوزيع الطبيعى المعيارى

1 .	>	٦	1	>	ځ
• 444	4848	٧,٣٠	. 504	4414	٧,٠٨
. ***	4844	71	+664	4414	4
. * * *	4444	**		1742	1.
. * * * *	44+1	**	+£71	4877	11
. 404	44+6	71	- 677	484	11
. 707	44.4	40	-617	4,474	۱۳
. 717	44.4	77	1111	AÄTA ,	11
. Y £ 1	4411	44	1444	4824	10
. ***	4417	44	. 444	4844	- 17
. ***	4417	74	. 774	4.00	14
. ***	4414	٤٠	1771	9401	14
. * * 4	447.	41	777	YAAY	.14
. * 1 *	4444	44	.700	177.1	T+
	1110	17	-TEV	4476	71
	4417	11	.774	4444	77
+144	4444	10	.777	1441	177
.141	4471	£7	.770	1440	7.5
+185	4477	£Y	. 414	4444	4.0
.114	9976	£A	. 41.	4441	77
.14.	1171	49		4444	1
. ۱۷۵	1174		.747	4444	44
1111	196.	7,01	. 74.	444.	7,74

التوزيع الطبيعي المعياري

!	ح	ط	1	_	7
- 51	4414	Y,V£	.177	1161	7,07
1191	444+	Yo	.177	1464	07
• • ٨٨	1111	٧٦	-104	9910	01
***	4477	.٧٧	.101	9967	
***	1477	٧٨	.101	1114	07
•• • • • •	44V£	. V4	·14V	9959	l ov
	4475	۸۰	.127	1401	0.4
••٧٧	1140	۸١ .	1179	1904	09
	4471	٨٧	.177	1907	٦.
••٧٣	1177	۸۳	+444	1100	7.1
• • V 1	4477	٨٤	-174	1907	3.7
	11VA 1	٨٥	+177	4400	77
•••	4474	7A	. 177	1101	7.6
	4444	۸٧	-114	447.	70.
••37	444+	٨٨	-117	4411	77
• • • • •	4441	A4	-115	4417	. 47
	4441	4.	.11.	3477	. 14
	1147	41	•1•٧	9938	35
07	444	44	1118	1110	٧.
	1147	44	.1.1	9977	٧١
	4444	.41		1117	٧٧
1	4444	4,40	95	4474	1,77

التوزيع الطبيعى المعيارى

. 1	>	ط	t	>	4
	4547	۳,۱۸		11/0	7,47
	1997	7,14		9940	11
7 £	1447	7,1.	£V	9945	4.4
	1110	۳,۳۰		1147	1 99
	111V	7, 2 .		1144	7,
	1114	۳,0٠		9944	7.11
****	1114	7,1.		11AV	1
	4444	۳,٧٠		4444	1
				1144	
			****	1144	
				4444	1
				1144	٧
				111.	٨
			٣٤	111.	4
			77	444.	١.
1				4441	11
	1			1111	17
				4441	18
1			44	9997	11
1	-			4444	10
	1			4444	11
	1			1117	7,17

رقم الإيلاع: ٢٩٣٦/ ١٩٩١م

المؤسسة العصرية للنشر والترجمة

العجوزة - الجيزة - ت: ٣٤٤١١٧٠

المؤلف

د . مصطنى أحبد عبد الرحيم زايد

المؤهلات

- دكتوراه في الإحصاء " بحوث عمليات " ١٩٨١ . ماجستين في الإحصاء ١٩٧٤ .
 - ديلوم الدراسات العليا في الإحصاء ١٩٧٠ .
 - ديلوم الدراسات الملياً في التكاليث ١٩٦٨ .
- ٥ ديلوم الدراسات العليافي المحاسية والمراجعة ١٩٦٦ .
 - بكالوريوس تجاره " محاسبه " ١٩٦١ .

الأعمال الحاليه

- ١ إستشاري.
- ٧ قاليف الكتب العلمية .
 - ٧- التدريس بالجامعه .

الأعمال السابقه

- ١ قدريس البرمجه الرياضيه ويحوث العبليات بحامعة بقداد .
 - تدريس يحوث العبليات بالجامعة البستنصرية
- ٣ تدريس الإحصاء بجامعة الإمام محمد بن سعود الإسلاميه .
- ٤ تدريس الأحساء وعلوم الكبيبوال بجامعة القامره.
 ٥ تدريس الاحساء بالبعيد العالى للخدمه الاجتباعيه بكتر الشيخ.
 - دريس الإحصاء بالمعهد العالى للحدمة الإجتباعية بحدر السبح
 تدريس الإحصاء بالمركز العربي للدراسات الأمنية والتدريب.
 - ٧ مدير مالي " شركة النيل للملايس ش.م.م "
 - ٨ شركة وونتكس ش.م.م ، أعمال الحسابات والمراجعة والتكاليف والبيزانية والتخطيط والبتايعة ومراقبة المخزون .
 - ٩ الإشراف على حسايات النقابه العامه للقزل والنسيع .

كتب للبؤلف

- OPERATIONS RESEARCH ,BAGHDAD UNIVERSITY,1975 \
 - ٧ الإحساء والبحث التاريخي . ١٩٨٧
 - ٧ الإحصاء ووصف البيانات ج ١ .وصف متغير وحيد.
- الإحصاء ووصف البيانات ج ٢ . وصف العلاقة بين متغيرين .
 - 6 الإحصاء والإستقراء ج ١ ، أسس الاستقراء، ١٩٩٠
 - 7 الإحصاء والإستقراء ج ٧ ، منطق الاستقراء ، ١٩٩١
 - ٧ الإحصاء والإستقراء ج ٣ ، أساليب الاستقراء ، ١٩٩٧
 - ٨ الجداول الإحصافيه ، ١٩٨٧
 - ٩ عالم الكبييوتر ، ١٩٩٤

المؤسسة العصرية للنشر والترجمة العجوزة - الجيزة - ٣٤٤١٧٠